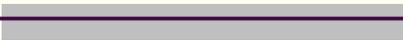


---



# Seleccção Adversa

## Exemplo

---

## O exemplo clássico – *Market for lemons*

---

- Mercado de carros usados. Vendedor conhece a qualidade do carro, mas o comprador não.
- Seja  $\theta$  a qualidade do carro.  $\theta$  segue a distribuição uniforme em  $[0,1]$ .
- $v_s$  e  $v_b$  são as valorizações que vendedor e o comprador dão a um carro de qualidade 1, respectivamente.
- O vendedor só está disposto a vender se:

$$p - \theta v_s \geq 0$$

- O comprador só está disposto a comprar se:

$$\theta v_b - p \geq 0$$

# O exemplo clássico – *Market for lemons*

---

O que acontecia se  $\theta$  fosse observável?

Carros com qualidade diferente são «produtos» diferentes, que podem ser transaccionados a preços diferentes.

$$\theta v_s \leq p_\theta \leq \theta v_b$$

$v_b > v_s$  é condição necessária para que haja transacção

---

O que acontece quando comprador não observa  $\theta$ ?

Como o comprador não consegue distinguir a qualidade, todos os carros são vendidos ao mesmo preço.

# O exemplo clássico – *Market for lemons*

O que acontece quando comprador não observa  $\theta$ ?

Os vendedores que querem vender são aqueles para os quais:

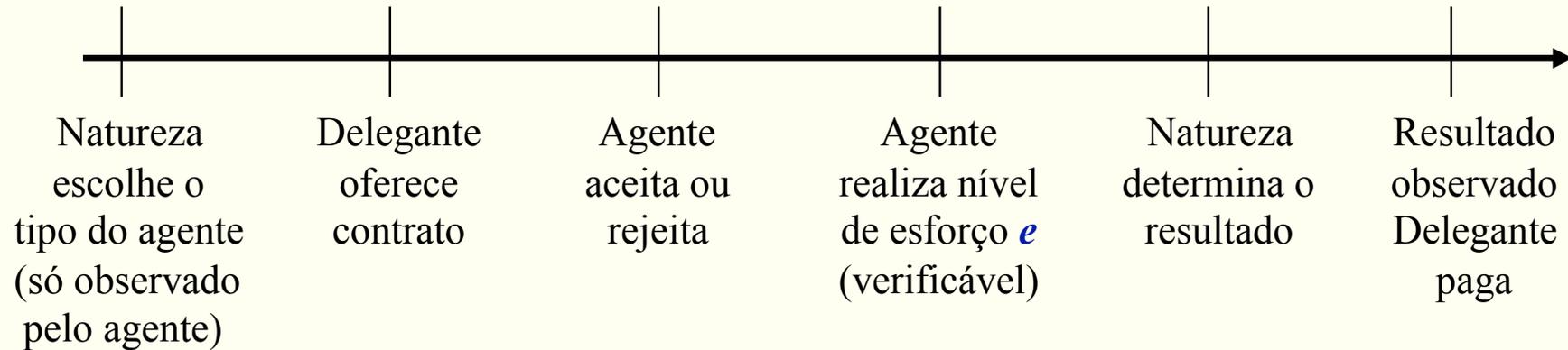
$$p - \theta v_s \geq 0 \Leftrightarrow \theta \leq \frac{p}{v_s} \longrightarrow \text{Só vendedores com carros de qualidade mais baixa vão vender}$$

Os compradores sabem isto, e podem calcular a **qualidade média dos carros oferecidos** no mercado. Só estão dispostos a comprar se:

$$v_b E\left[\theta \mid \theta \leq \frac{p}{v_s}\right] - p \geq 0 \longrightarrow v_b \cdot \frac{p}{2v_s} - p \geq 0 \Leftrightarrow v_b \geq 2v_s$$

Assimetria de informação pode levar ao desaparecimento do mercado.  
Há sempre menos transacções do que no cenário de informação completa

# Teoria da agência – Seleção adversa



## Problema de seleção adversa

- Há assimetria de informação antes da relação se iniciar
- Aceitação depende das oportunidades alternativas do agente
- Assimetria de informação resulta do tipo do agente ser informação privada
- Como desenhar o contrato de forma a incentivar o agente a revelar o seu tipo?

# Teoria da agência – Hipóteses

- Nível de esforço  $e \in [0, \infty)$ . Conjunto finito de possíveis resultados  $x_1, x_2, \dots, x_n$ , que ocorrem com probabilidade  $p_i(e)$ , logo:

$$\pi(e) = \sum_{i=1}^n p_i(e)x_i \quad \pi'(e) > 0 \quad \pi''(e) < 0$$

- A utilidade do agente é dada por

$$U(w, e, \theta) = u(w) - g(e, \theta),$$

$$u'' < 0 \quad g(0, \theta) = 0, g_e(e, \theta) > 0, g_{ee}(e, \theta) > 0$$

$g_\theta(e, \theta) < 0, g_{e\theta}(e, \theta) < 0$   Agentes com  $\theta$  mais elevado têm menor desutilidade do esforço e menor desutilidade marginal

- Dois tipos de agente:  $\bar{\theta}$  - com probabilidade  $q$   
□ - com probabilidade  $1 - q$

# Contrato com informação completa

---

O delegante conhece o tipo  $\theta$  do agente e oferece contrato que:

$$\max_{e, w} \pi(e) - w$$

Sujeito a:

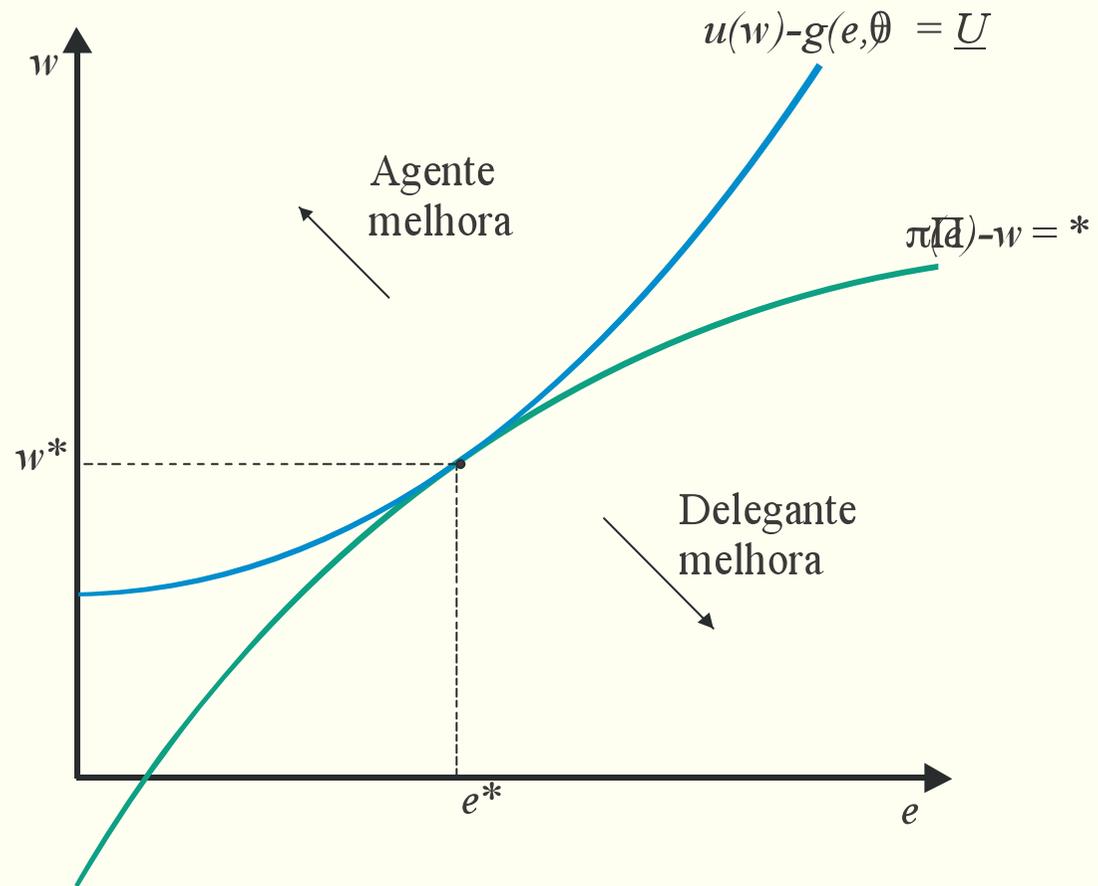
$$u(w) - g(e, \theta) \geq \underline{U}$$

A restrição de participação activa no óptimo. No óptimo curva de isolucro e a curva de indiferença do agente são tangentes:

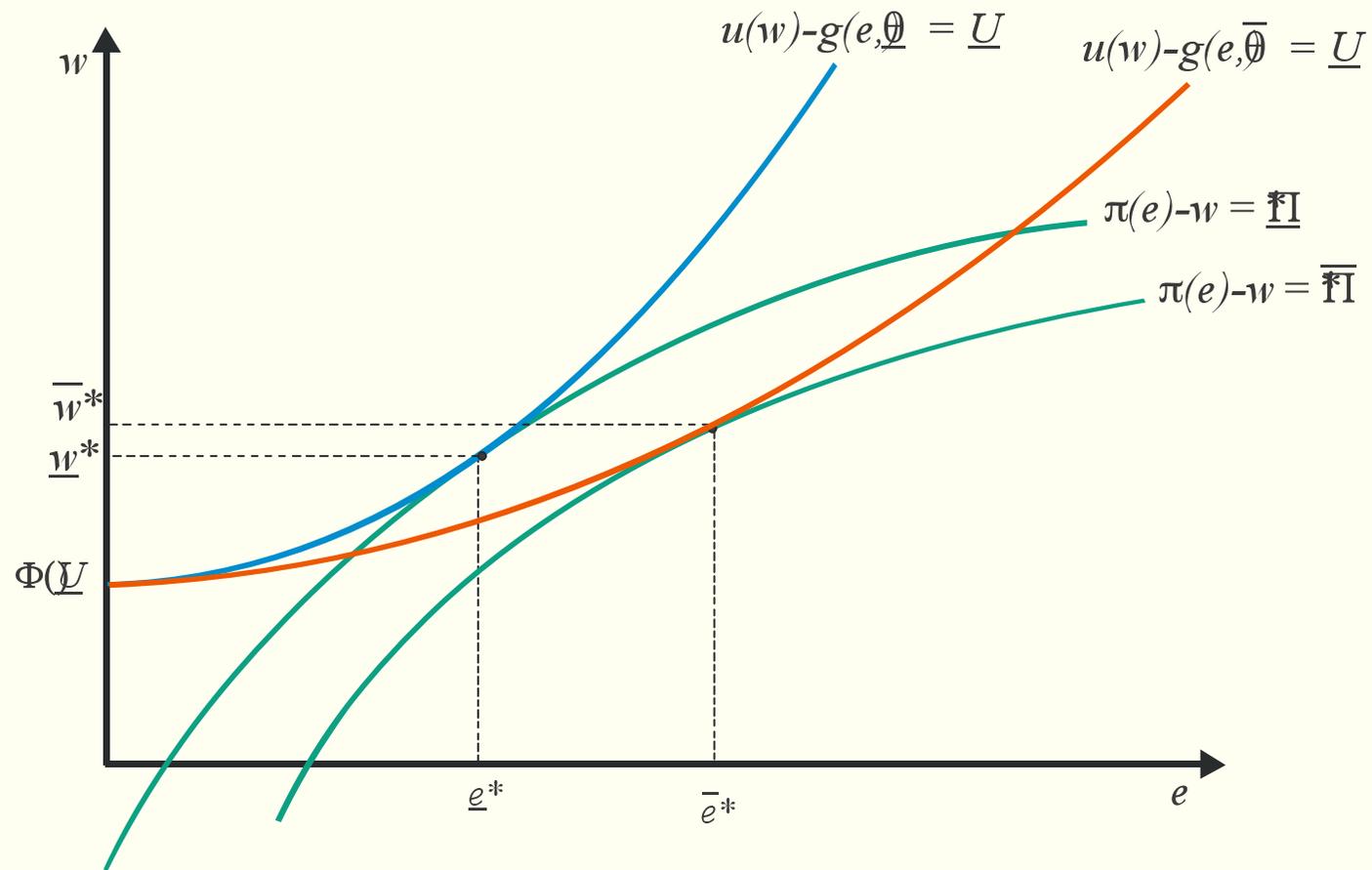
---

$$-\frac{\frac{\partial \Pi}{\partial e}}{\frac{\partial \Pi}{\partial w}} = -\frac{\frac{\partial U}{\partial e}}{\frac{\partial U}{\partial w}} \Leftrightarrow \pi'(e) = \frac{g_e(e, \theta)}{u'(w)}$$

# Contrato com informação completa

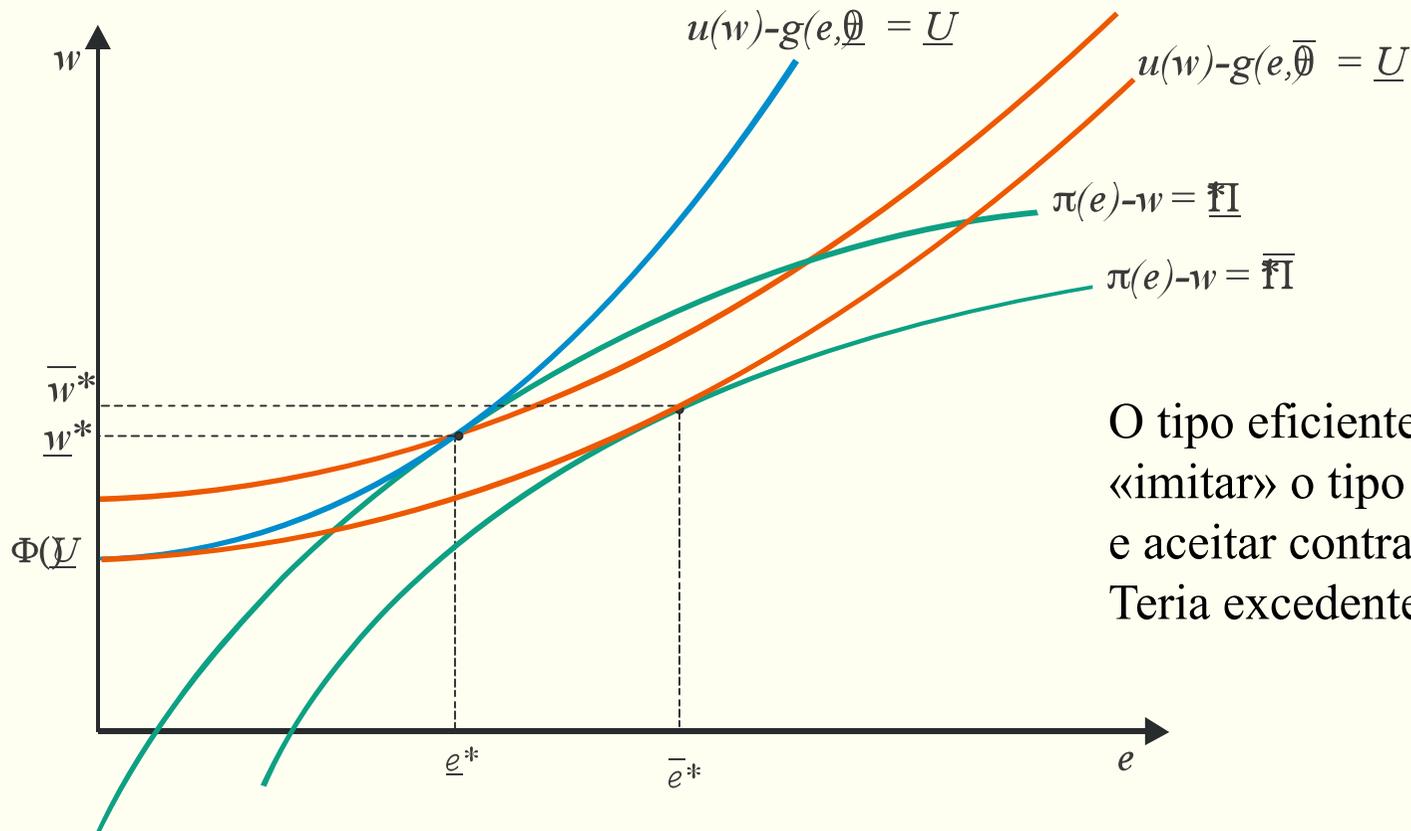


# Contrato com informação completa



# Contrato com informação incompleta

O que acontecia se os contratos anteriores fossem oferecidos quando  $\theta$  não é observável?



O tipo eficiente preferiria «imitar» o tipo ineficiente e aceitar contrato  $(\bar{e}^*, \bar{w}^*)$ . Teria excedente elevado.

# Contrato com informação incompleta

Delegante escolhe menu de contratos  $((\underline{e}, \underline{w}), (\bar{e}, \bar{w}))$  de forma a

$$\max_{(\underline{e}, \underline{w}), (\bar{e}, \bar{w})} q[\pi(\bar{e}) - \bar{w}] + (1 - q)[\pi(\underline{e}) - \underline{w}]$$

Sujeito a:

$$u(\bar{w}) - g(\bar{e}, \bar{\theta}) \geq \underline{U}$$

$$u(\underline{w}) - g(\underline{e}, \underline{\theta}) \geq \underline{U}$$

Condições de participação

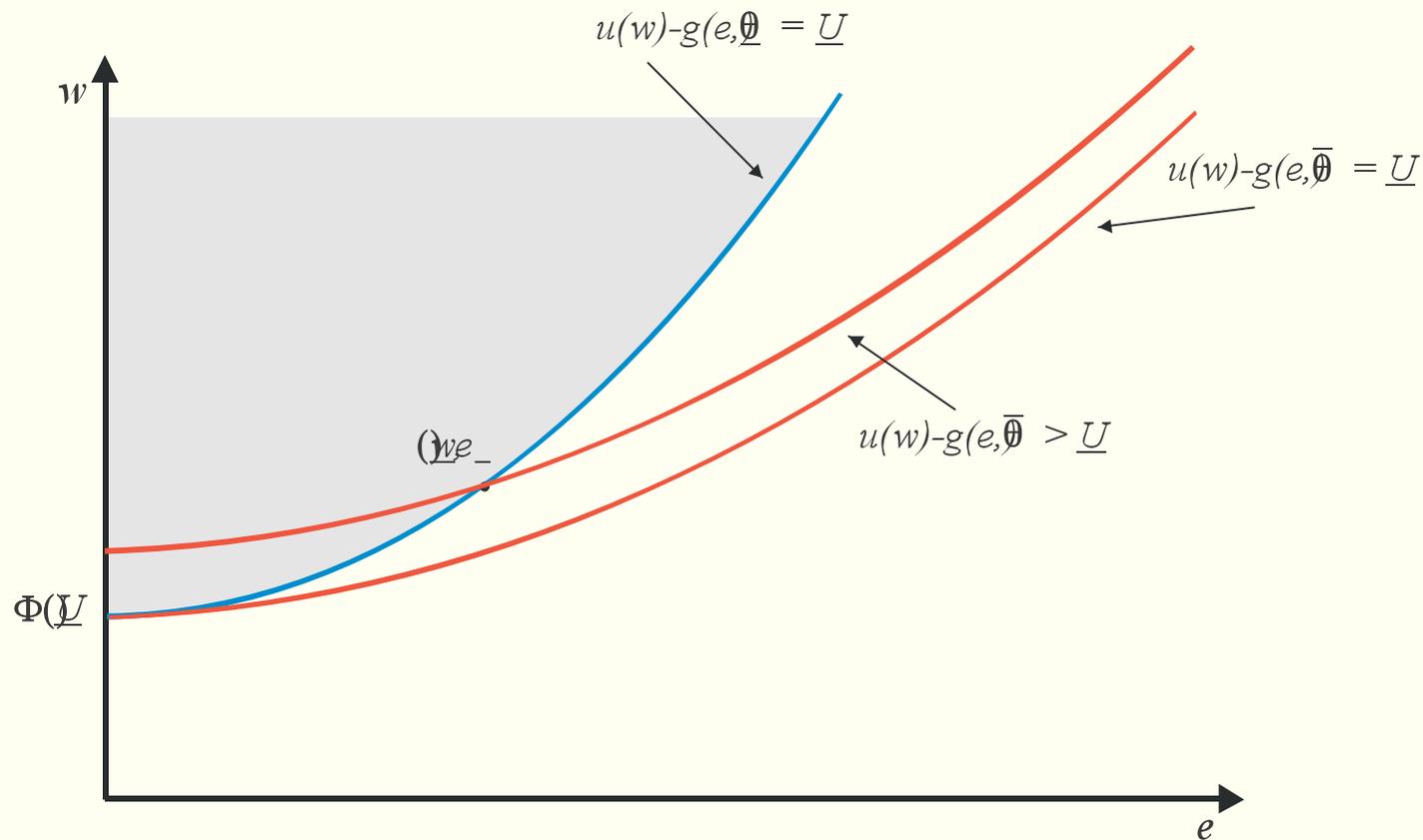
$$u(\bar{w}) - g(\bar{e}, \bar{\theta}) \geq u(\underline{w}) - g(\underline{e}, \bar{\theta})$$

$$u(\underline{w}) - g(\underline{e}, \underline{\theta}) \geq u(\bar{w}) - g(\bar{e}, \underline{\theta})$$

Condições de compatibilidade de incentivos

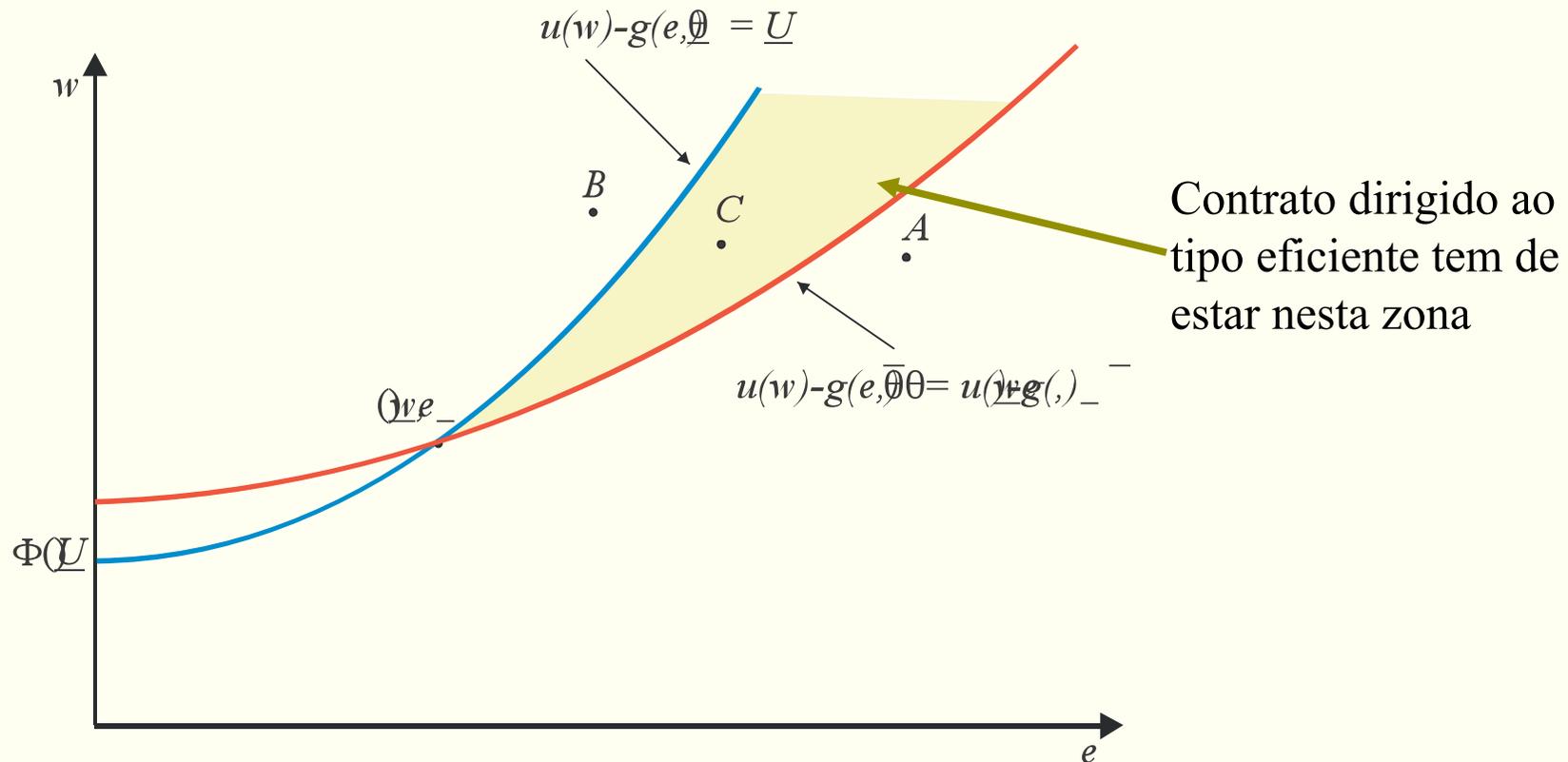
# Contrato com informação incompleta

A restrição de participação do tipo  $\bar{\theta}$  é redundante



# Contrato com informação incompleta

Os níveis de esforço têm de satisfazer  $\bar{e} > \underline{e}$



Consequência das condições de compatibilidade de incentivos

# Contrato com informação incompleta

A restrição de participação do tipo  $\underline{\theta}$  é activa

Mostra-se por contradição. Suponhamos que o menu de contratos óptimos  $((\underline{w}, \underline{e}), (\bar{w}, \bar{e}))$  tem

$$u(\underline{w}) - g(\underline{e}, \underline{\theta}) > \underline{U}$$

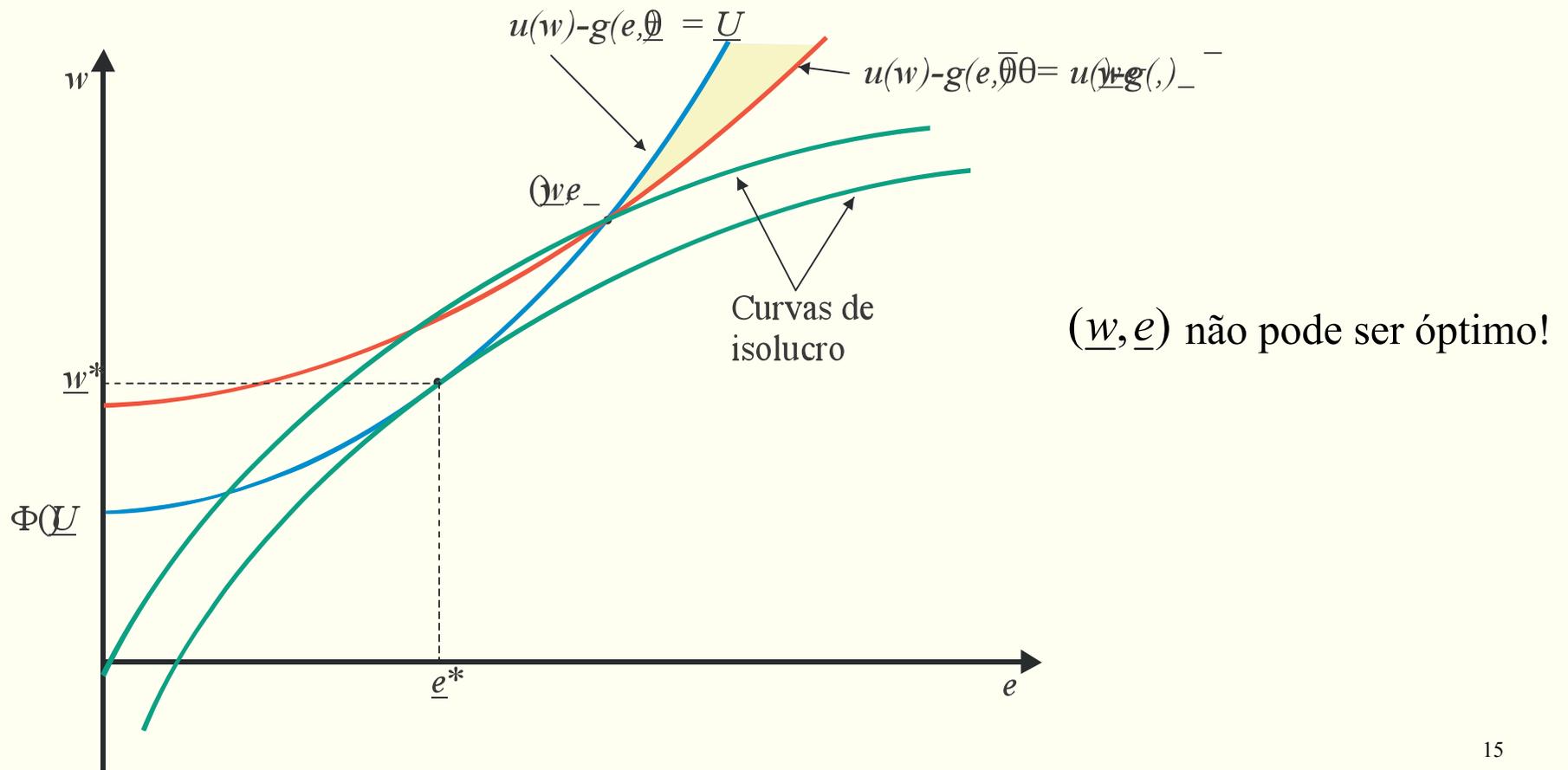
então o delegante podia baixar ligeiramente ambos os salários de forma a que variação na utilidade fosse igual para ambos os tipos.

$$u'(\underline{w})d\underline{w} = u'(\bar{w})d\bar{w}$$

Restrições seriam todas satisfeitas, mas lucro do delegante aumentaria. Mas então o contrato original não era óptimo, uma contradição.

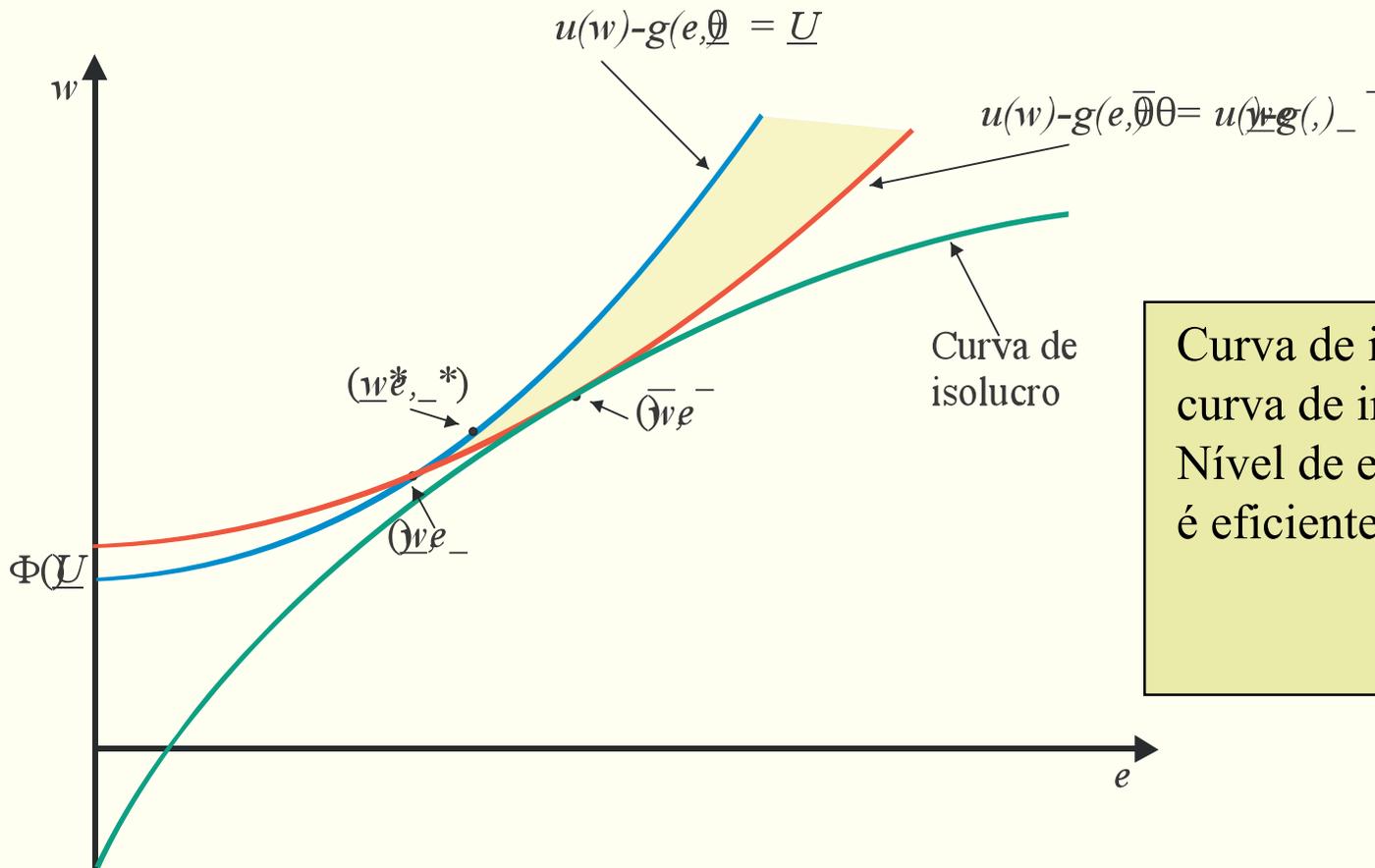
# Contrato com informação incompleta

O nível de esforço do tipo ineficiente não pode ser superior ao de informação completa



# Contrato com informação incompleta

Restrição de compatibilidade de incentivos do tipo eficiente é activa

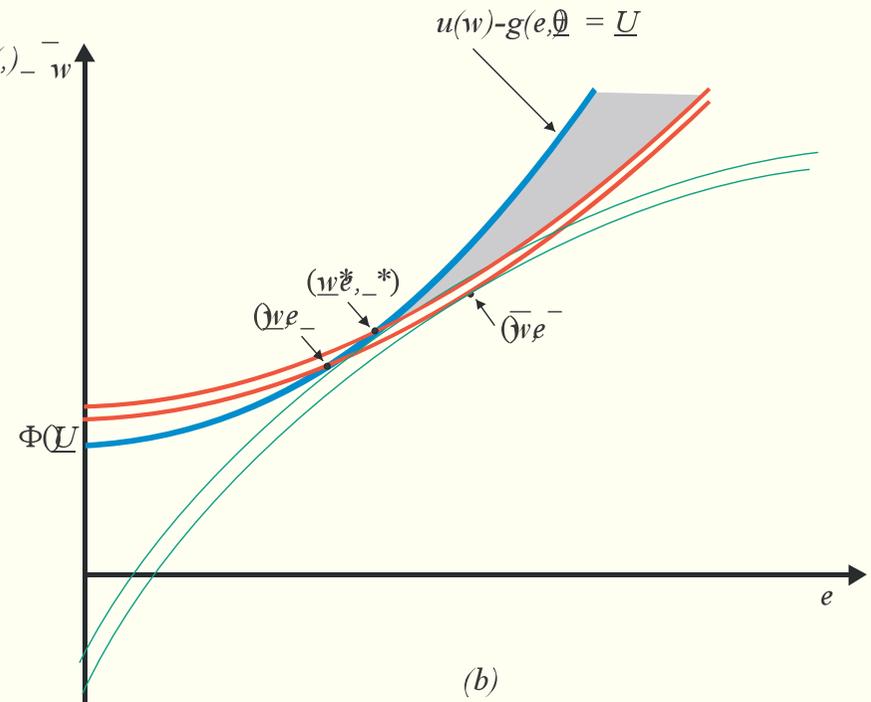
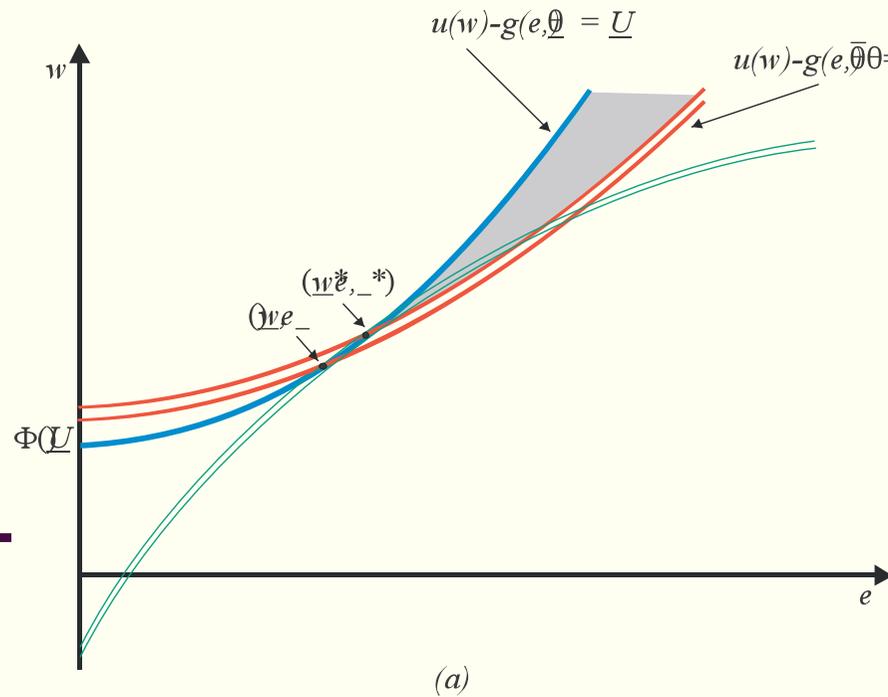


Curva de isolucro tangente à curva de indiferença do tipo  $\bar{\theta}$   
 Nível de esforço do tipo  $\bar{\theta}$   
 é eficiente :

$$\bar{e} = \bar{e}^*$$

# Contrato com informação incompleta

O nível de esforço do tipo ineficiente é inferior ao de informação completa



# Contrato com informação incompleta

O problema do delegante pode escrever-se:

$$\max_{((\underline{e}, \underline{w}), (\bar{e}, \bar{w}))} q[\pi(\bar{e}) - \bar{w}] + (1 - q)[\pi(\underline{e}) - \underline{w}]$$

Sujeito a:

$$u(\underline{w}) - g(\underline{e}, \underline{\theta}) = \underline{U} \quad \Leftrightarrow \quad \underline{w} = \Phi(\underline{U} + g(\underline{e}, \underline{\theta}))$$

$$u(\bar{w}) - g(\bar{e}, \bar{\theta}) = u(\underline{w}) - g(\underline{e}, \bar{\theta}) \quad \Leftrightarrow \quad \bar{w} = \Phi(\underline{U} + g(\underline{e}, \underline{\theta}) + g(\bar{e}, \bar{\theta}) - g(\underline{e}, \bar{\theta}))$$



$$\max_{\underline{e}, \bar{e}} q[\pi(\bar{e}) - \Phi(\underline{U} + g(\underline{e}, \underline{\theta}) + g(\bar{e}, \bar{\theta}) - g(\underline{e}, \bar{\theta}))] + (1 - q)[\pi(\underline{e}) - \Phi(\underline{U} + g(\underline{e}, \underline{\theta}))]$$

# Contrato com informação incompleta

$$\max_{\underline{e}, \bar{e}} q \left[ \pi(\bar{e}) - \Phi(U + g(\underline{e}, \underline{\theta}) + g(\bar{e}, \bar{\theta}) - g(\underline{e}, \bar{\theta})) \right] + (1 - q) \left[ \pi(\underline{e}) - \Phi(U + g(\underline{e}, \underline{\theta})) \right]$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial \Pi}{\partial \bar{e}} = q \left[ \pi'(\bar{e}) - \Phi'(\cdot) g_e(\bar{e}, \bar{\theta}) \right] = 0 \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial \Pi}{\partial \underline{e}} = q \left[ -\Phi'(\cdot) (g_e(\underline{e}, \underline{\theta}) - g_e(\underline{e}, \bar{\theta})) \right] + (1 - q) \left[ \pi'(\underline{e}) - \Phi'(\cdot) g_e(\underline{e}, \underline{\theta}) \right] = 0 \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \pi'(\bar{e}) - \Phi'(\cdot) g_e(\bar{e}, \bar{\theta}) = 0 \longrightarrow \bar{e} = \bar{e}^* \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \left[ \pi'(\underline{e}) - \Phi'(\cdot) g_e(\underline{e}, \underline{\theta}) \right] = \frac{q}{1-q} \Phi'(\cdot) \left[ g_e(\underline{e}, \underline{\theta}) - g_e(\underline{e}, \bar{\theta}) \right] \longrightarrow \underline{e} < \underline{e}^* \end{array} \right.$$

# Contrato com informação incompleta

Nível óptimo de  $\underline{e}$  depende do *trade-off* entre eficiência e extracção de renda

$$\underbrace{\pi'(\underline{e}) - \Phi'(\cdot)g_e(\underline{e}, \underline{\theta})}_{\text{perda marginal de eficiência}} = \underbrace{\frac{q}{1-q} \Phi'(\cdot) [g_e(\underline{e}, \underline{\theta}) - g_e(\underline{e}, \bar{\theta})]}_{\text{redução marginal no excedente do tipo } \bar{\theta}}$$

- Quanto maior for  $q$ , maior é a distorção no nível de esforço do tipo ineficiente.
- Se  $q$  for muito elevado, pode ser preferível oferecer apenas um contrato dirigido ao tipo eficiente (vantagem é que assim não é preciso dar «excedente» a este tipo, desvantagem é lucro nulo se tipo for ineficiente)

# Problema de agência com selecção adversa – intuições importantes

---

- Deve analisar-se o problema com informação completa, porque sugere logo qual é o tipo que ganha se «imitar» o outro.
- As restrições activas são
  - A restrição de participação do tipo ineficiente (tipo que não ganha em imitar o outro tipo)
  - A restrição de compatibilidade de incentivos do tipo eficiente (tipo que quer imitar o outro)

Tipo ineficiente tem «excedente» nulo. Tipo eficiente tem «excedente» positivo (ganha renda).

- Nível de esforço do tipo eficiente é óptimo. Nível de esforço do tipo ineficiente é subóptimo (perda de eficiência).
- O nível óptimo de esforço do tipo ineficiente reflecte *trade-off* entre **eficiência** e **extracção de renda**

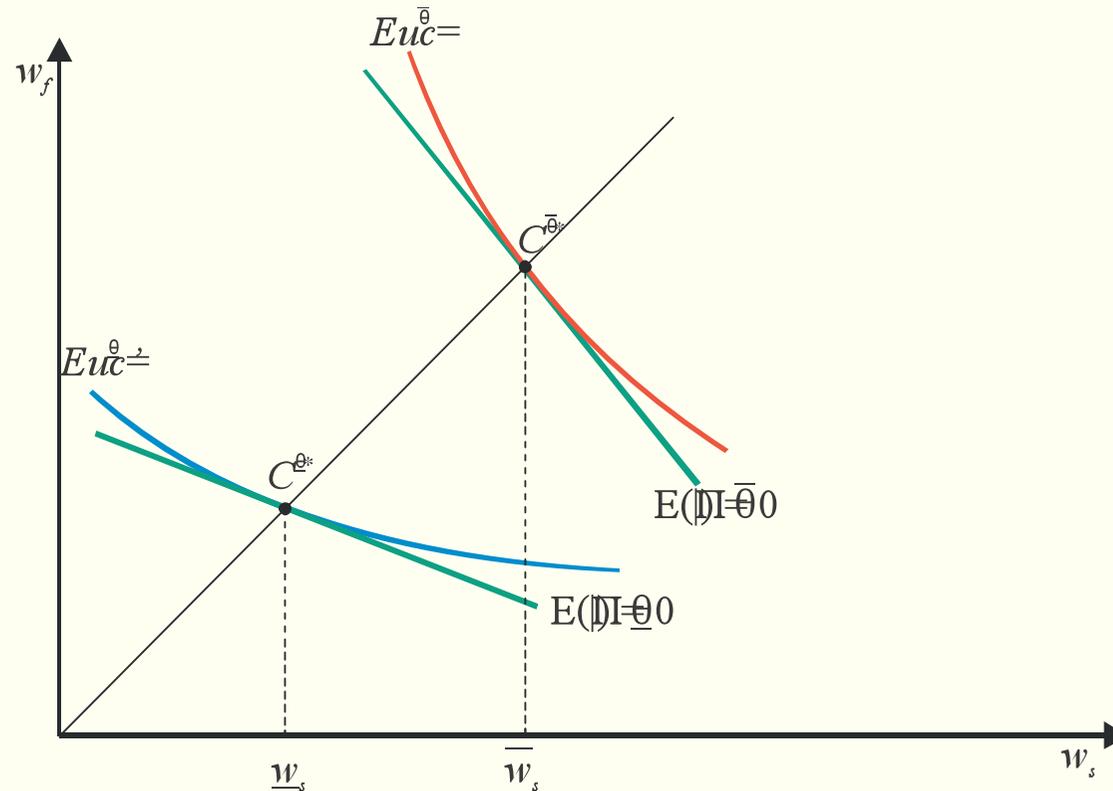
# Seleção adversa com vários delegantes

---

## ■ Hipóteses:

- Há 2 delegantes que oferecem em simultâneo os seus menus de contratos (concorrência à Bertrand)
- Há dois resultados possíveis: sucesso,  $x_s$ , e insucesso,  $x_f$
- A probabilidade de cada um dos resultados depende do tipo do agente:
  - Se o agente for do tipo  $\bar{\theta}$ , probabilidade de sucesso é  $\bar{p}$
  - Se o agente for do tipo  $\underline{\theta}$ , probabilidade de sucesso é  $\underline{p}$
- Dois tipos de agente. O tipo  $\bar{\theta}$  tem probabilidade  $q$ .
- Agente é avesso ao risco

# Equilíbrio com informação completa

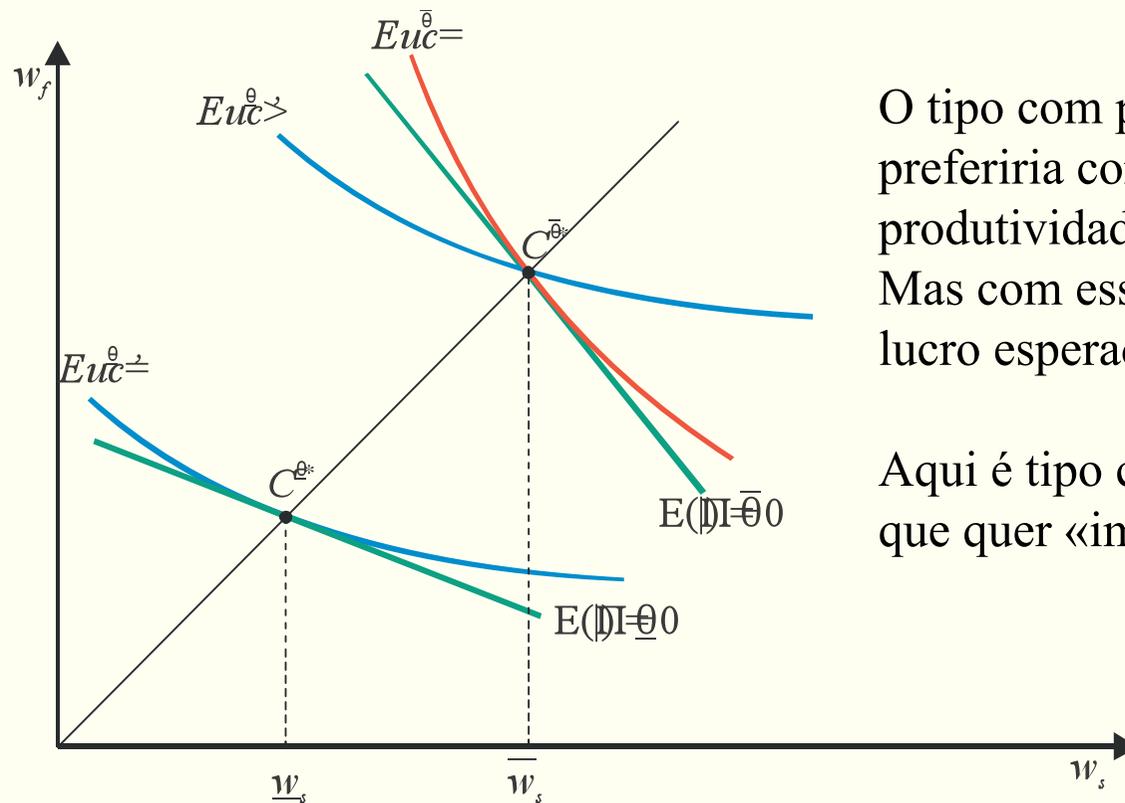


- Empresas oferecem o mesmo menu de contratos
- Empresas têm lucro esperado nulo com cada um dos tipos
- Contratos são eficientes

$$-\frac{\bar{p}u'(w_s)}{(1-\bar{p})u'(w_f)} = -\frac{\bar{p}}{(1-\bar{p})} \quad \text{e} \quad -\frac{\underline{p}u'(w_s)}{(1-\underline{p})u'(w_f)} = -\frac{\underline{p}}{(1-\underline{p})} \quad \longrightarrow \quad w_s = w_f$$

# Equilíbrio com informação incompleta

O que acontecia se os contratos anteriores fossem oferecido quando  $\theta$  não é observável?



O tipo com produtividade baixa preferiria contrato do tipo com produtividade alta. Mas com esse contrato empresas teriam lucro esperado negativo.

Aqui é tipo com produtividade baixa que quer «imitar» o outro.

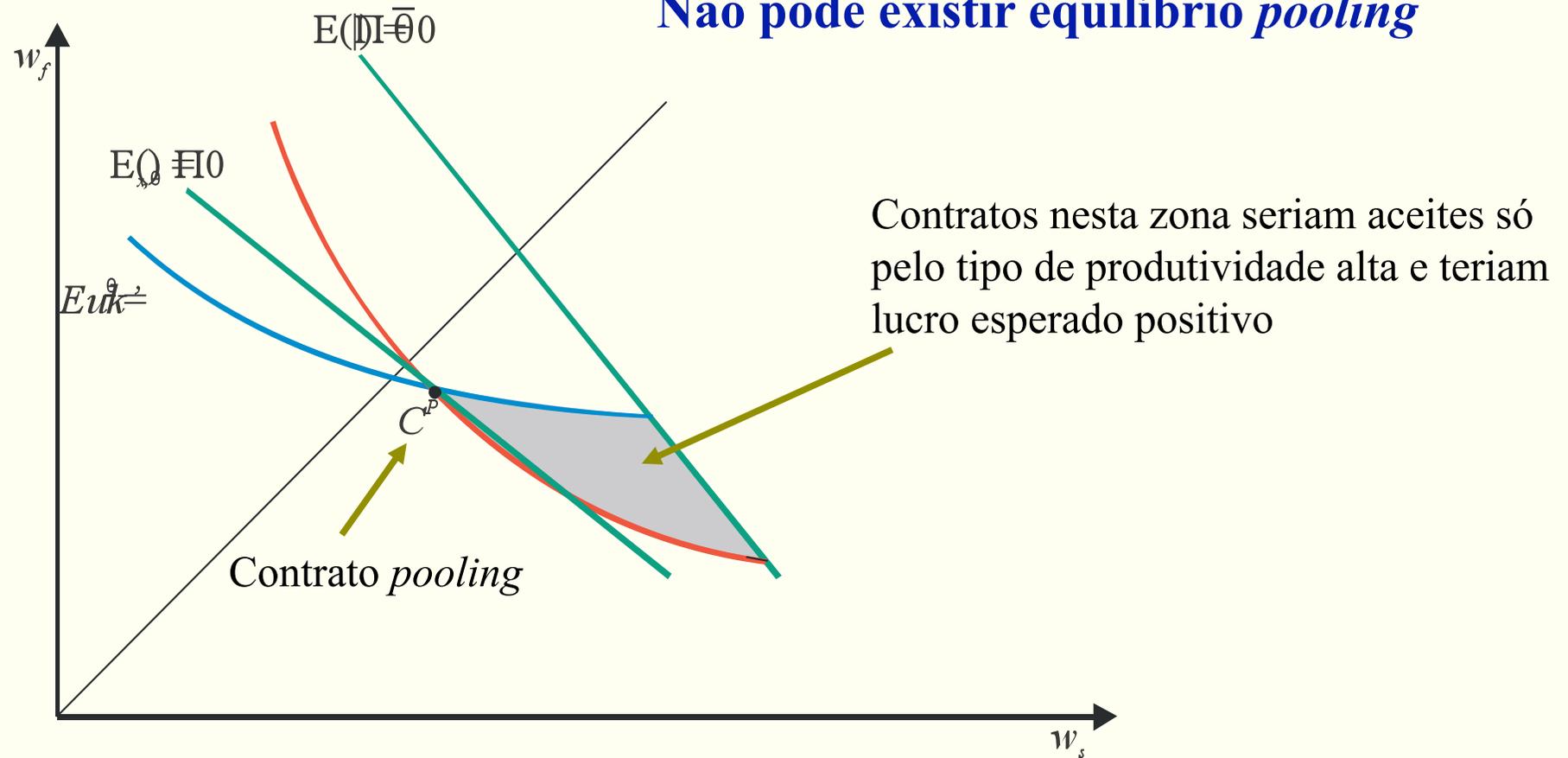
# Equilíbrio com informação incompleta

---

- **Seja qual for o equilíbrio (separador ou *pooling*) as empresas têm de ter lucro esperado nulo.**
  - Mostra-se por contradição. Seja  $\Pi$  o lucro agregado, uma das empresas tem no máximo lucro  $\Pi/2$ . Esta empresa ganharia em desviar, oferecendo salário ligeiramente mais elevado em ambos os estados da natureza. Ficaria com lucro  $\Pi - \varepsilon$ .
  - Em equilíbrio, não podem existir desvios lucrativos.
- **Não pode existir equilíbrio *pooling***
  - Se o equilíbrio fosse *pooling* haveria a possibilidade de fazer um desvio lucrativo oferecendo um contrato dirigido apenas ao tipo eficiente.
- **Num equilíbrio separador o lucro esperado com cada um dos tipos é zero**
  - Se isto não fosse verdade haveria a possibilidade de fazer um desvio lucrativo oferecendo um contrato dirigido apenas ao tipo para o qual o lucro esperado era positivo

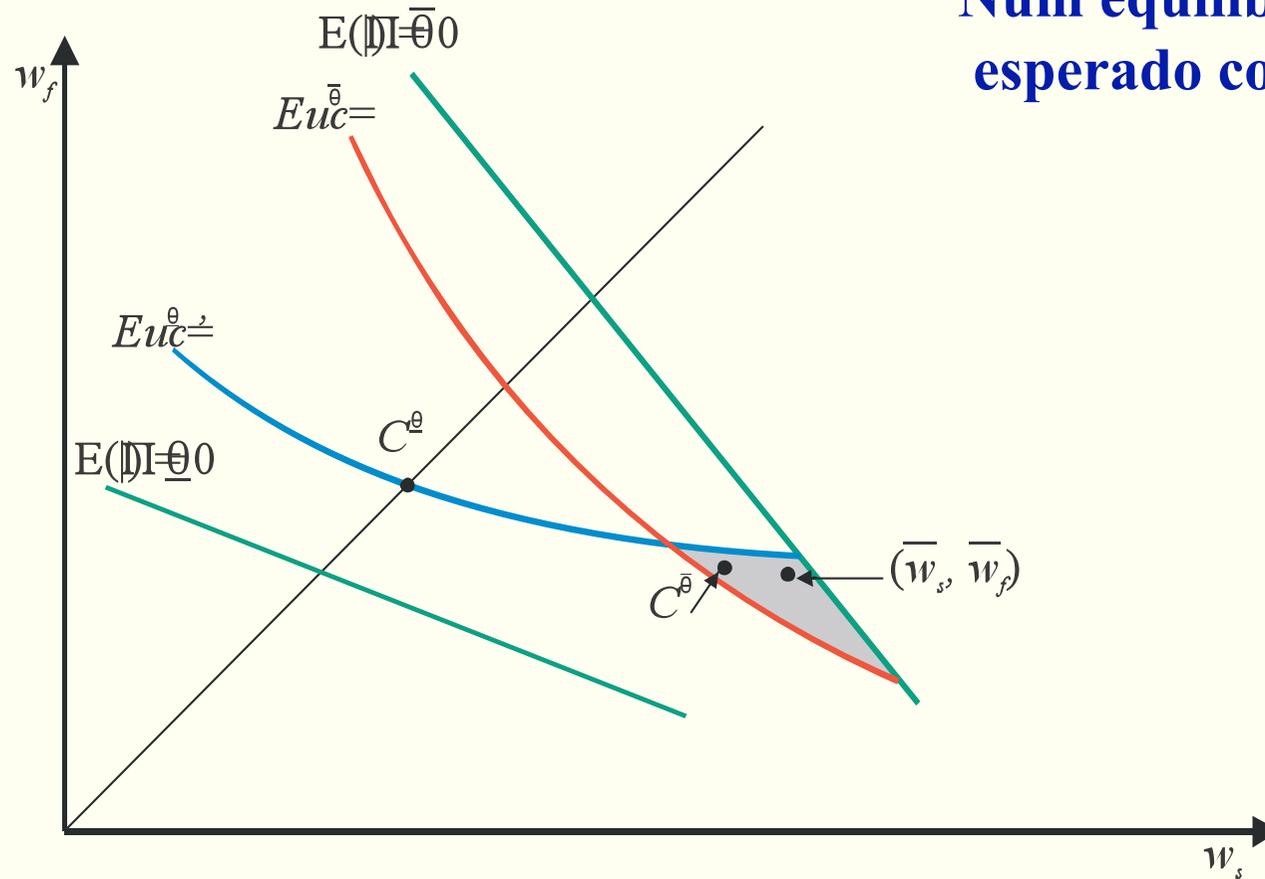
# Equilíbrio com informação incompleta

Não pode existir equilíbrio *pooling*

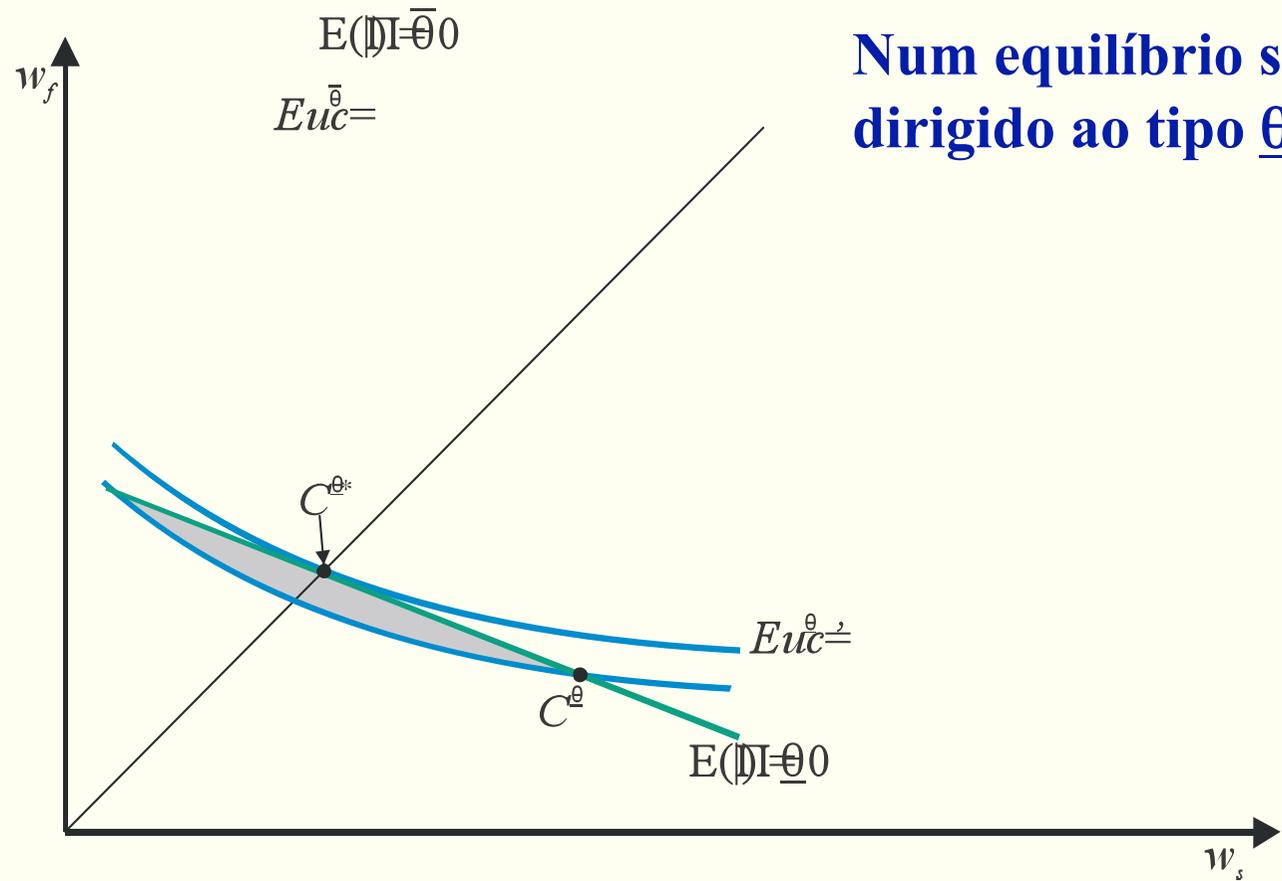


# Equilíbrio com informação incompleta

**Num equilíbrio separador lucro esperado com cada tipo é nulo**

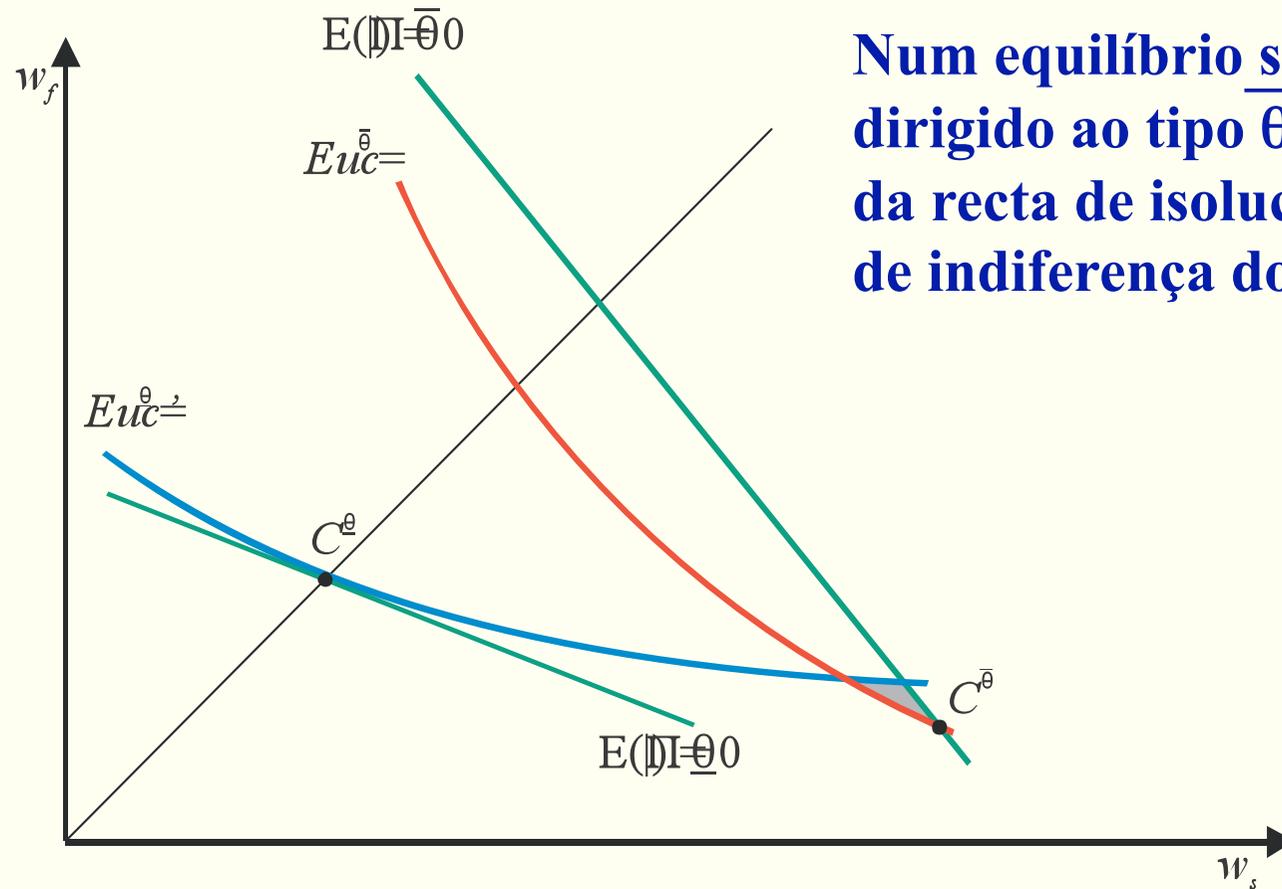


# Equilíbrio com informação incompleta



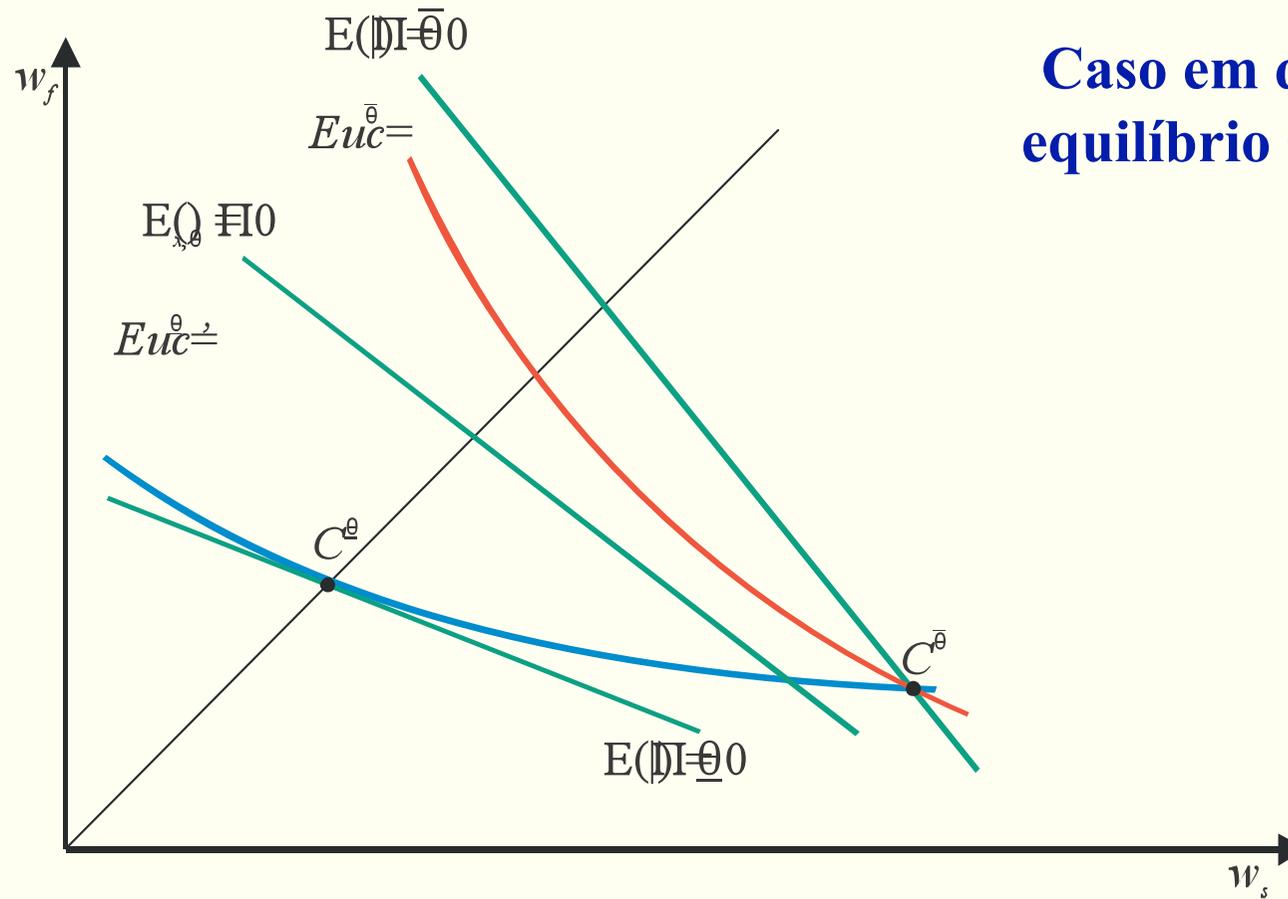
**Num equilíbrio separador o contrato dirigido ao tipo  $\underline{\theta}$  é eficiente.**

# Equilíbrio com informação incompleta



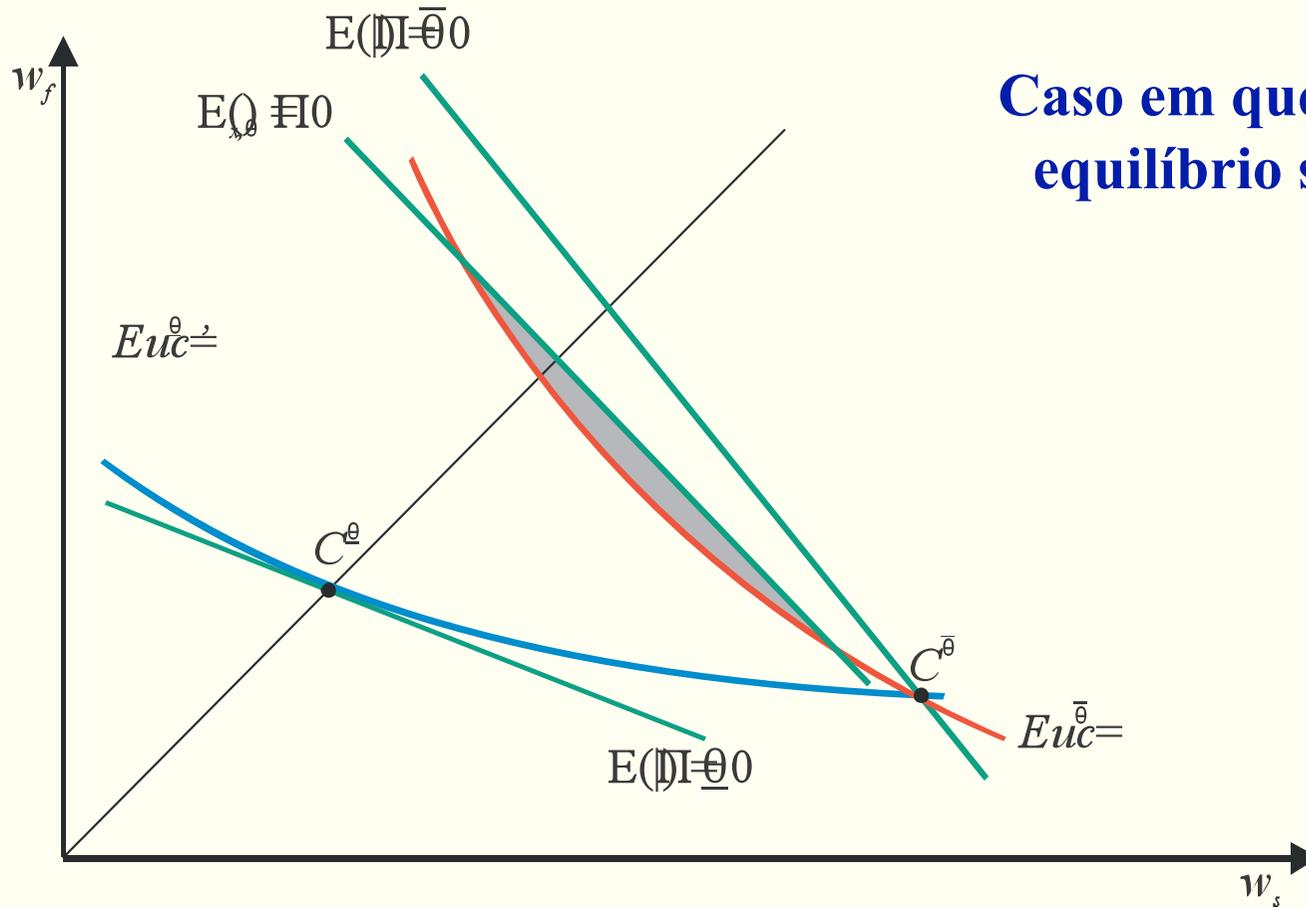
Num equilíbrio separador o contrato dirigido ao tipo  $\bar{\theta}$  fica na intersecção da recta de isolucro nulo, com a curva de indiferença do tipo  $\bar{\theta}$

# Equilíbrio com informação incompleta

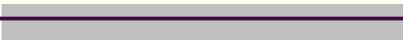


**Caso em que existe  
equilíbrio separador**

# Equilíbrio com informação incompleta



---



# Seleccção Adversa

## Modelos de Sinalização

---

# Sinalização

---

- Duas soluções para problemas de selecção adversa:
  - Filtragem: a parte menos informada usa mecanismos para distinguir o tipo da outra parte: oferece um menu de contratos nos quais se exige que à parte mais informada a execução de uma tarefa, que proporciona maior desutilidade ao tipo baixo
  - Sinalização: a parte mais informada dá um sinal do seu tipo (exs: garantias, submeter-se a um teste,...)
    - Jogo: há dois tipos de trabalhador (produtivo e não produtivo; antes de entrar no mercado de trabalho, podem escolher o nível de educação, que é observável; o custo e o custo marginal da educação são menores para o tipo produtivo

# Sinalização

## O Jogo da Cerveja e da Tarte

