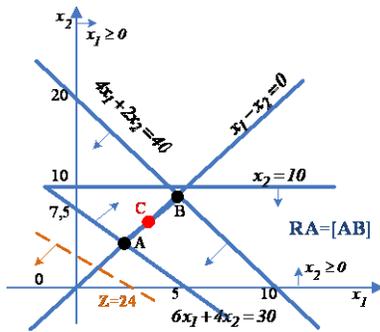


1. a) Resolução gráfica:



$$\text{S.O.: A : } \begin{cases} 6x_1 + 4x_2 = 30 \\ x_1 - x_2 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \dots \Leftrightarrow \begin{cases} x_1 = 3 \\ x_2 = 3 \end{cases}$$

Da forma aumentada e considerando nulos os desvios das rectas que se intersectam em A:

$$\Rightarrow \begin{cases} x_3 = 0 \\ x_4 = 40 - 4x_1 - 2x_2 = 22 \\ x_5 = 10 - x_2 = 7 \end{cases}$$

Semanalmente devem ser adquiridas 3 ton ($x_1=x_2=3$) de cada uma das matérias primas (A e B). A máquina funciona as 30h semanais mínimas ($x_3=0$). Sobram 22 horas ($x_4=22$) por semana na secção de recepção. Sobra espaço de armazenagem para 7 ton ($x_5=7$) da matéria prima B.

b) Problema dual: $Max W = 30 y_1 + 40 y_2 + 10 y_3$

$$\text{s.a: } \begin{cases} 6y_1 + 4y_2 + y_3 \leq 8 \\ 4y_1 + 2y_2 + y_3 - y_4 \leq 6 \\ y_1 \geq 0; y_2, y_3 \leq 0; y_4 \text{ livre} \end{cases}$$

SBA's dual: igualando a zero quatro ($l-m=6-2$) VNB na forma aumentada do problema dual, obtém-se, por exemplo: $(y_1, y_2, y_3, y_4^+, y_4^-, y_5, y_6) = (0, 0, 0, 0, 0, 8, 6)$; $(y_1, y_2, y_3, y_4^+, y_4^-, y_5, y_6) = (0, 0, 0, 8, 0, 0, 14)$

c) $y_1 = \Delta Z$ se $\Delta b_1 = +1$. Nova S.O.:

$$\begin{cases} 6x_1 + 4x_2 = 31 \\ x_1 - x_2 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \dots \Leftrightarrow x_1 = x_2 = \frac{31}{10} \Rightarrow (\text{Novo } Z) = \dots = 43,4 \Rightarrow y_1 = \Delta Z = 43,4 - 42 = 1,4 \text{ u.m..}$$

Por cada hora semanal adicional que a máquina tenha que trabalhar o custo total aumenta 1,4 u.m., enquanto a base óptima se manter.

d) $x_2 \leq 10$. A base óptima não sofre alteração se o termo independente aumentar. Se o termo independente diminuir $A \rightarrow (3,3)$ representa o ponto crítico, onde $(\text{Novo } b_3) = +3$. Logo, $(\text{Novo } b_3) \in [3, +\infty)$.

e) A nova f.o. é paralela à recta que define a R.A.. Logo, existem S.O. alternativas em $[A, B]$. O novo valor óptimo passa a ser $z^* = -10 \times 3 + 10 \times 3 = 0$.

f) Pontos assinalados no gráfico.

g) Seja:

$$y = \begin{cases} 1 & \text{se utiliza a máquina antiga} \\ 0 & \text{se utiliza a máquina nova} \end{cases} \quad \text{e } M \text{ uma constante suficientemente grande}$$

Na formulação deve retirar-se a 1ª restrição e acrescentar:

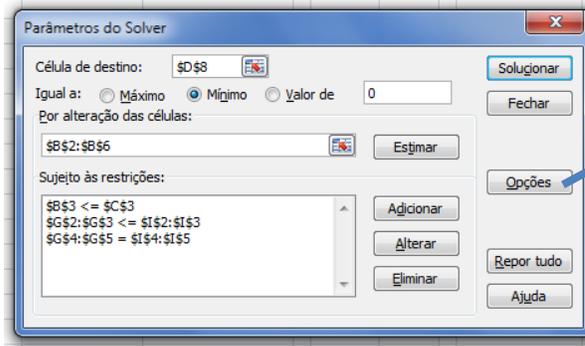
$$\begin{cases} 4x_1 + 2,5x_2 \leq 10 + My \\ 6x_1 + 4x_2 \geq 30 - M(1 - y) \\ y \in \{0, 1\} \end{cases}$$

h) $(\text{Novo } c_1) = 8 \times 2 = 16 \in [8-14; +\infty) \Rightarrow$ O plano de aquisições mantém-se e o custo total aumenta 24 u.m., pois $\Delta Z = \Delta c_1 \times x_1 = 8 \times 3 = 24$.

i) $(\text{Novo } b_2) \in [40-22; +\infty) \Leftrightarrow (\text{Novo } b_2) \in [18; +\infty)$. Enquanto as horas semanais nesta secção estiverem no IS a base óptima e os preços sombra mantém-se. O custo total mantém-se, pois varia na proporção de $y_2 = 0$.

2. Problema de Fluxo de custo mínimo em que a oferta total = 50ton. > procura total = 30 ton..

| | A | B | C | D | E | F | G | H | I |
|---|----------|-------------------|------------|--------------------------|---|-------|------------|----|--------------|
| 1 | Ligações | Solução | Capacidade | Distâncias | | Nodos | | | Fluxo gerado |
| 2 | F1-A | 0 | | 150 | | F1 | =B2+B3 | <= | 20 |
| 3 | F1-L | 0 | 5 | 200 | | F2 | =B5+B6 | <= | 30 |
| 4 | A-L | 0 | | 240 | | A | =B4-B2-B5 | = | 0 |
| 5 | F2-A | 0 | | 150 | | L | =-B3-B4-B6 | = | -30 |
| 6 | F2-L | 0 | | 290 | | | | | |
| 7 | | | | | | | | | |
| 8 | | Distância Total = | | =SUMPRODUCT(B2:B6;D2:D6) | | | | | |
| 9 | | | | | | | | | |



- Assumir modelo linear
- Assumir não-negativos