

**Teste intercalar (2º semestre 20015/2016) 7 de Abril de 2016**  
**Soluções numéricas e algumas sugestões**

1.a)  $A = ] - \infty, -2[ \cup ] 0, 2[$

1.b)  $\sup = \text{máximo} = \ln(e + 1)$ ;  $\inf = 1$ ; mínimo - não existe;

1.c)  $\text{int}(A \cap (\mathbb{R} \setminus \mathbb{Q})) = \emptyset$ ;  $\text{fr}(A \cap (\mathbb{R} \setminus \mathbb{Q})) = ] - \infty, -2] \cup [0, 2[$ ;

1.d) i) PF (o conjunto  $\mathbb{R} \setminus A$  não é limitado e portanto, não é compacto);

ii) PV (porque o conjunto  $A$  é aberto e logo igual ao seu interior);

2.  $1 = 0$  (infinitesimo  $\times$  limitada) +  $1$  ( $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sin x}{x} = 1$ ) +  $1$  ( $(e^3)^0 = 1$ ) - 1.

4.a)  $k = 0$ ;

4.b)  $f(] - \infty, 0[) = ] 0, 1[$ ; (justifique porquê!);  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = \pi/2$ ;  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 1$ ;

4.c) aplicar teorema de Bolzano ao intervalo  $[-1, 1]$ ; (justificar que está nas condições do teorema);