

ESTATÍSTICA II – Miniteste 5 – 07/04/2017 – Turno 3 – Resolução

Nome: \_\_\_\_\_

Número: \_\_\_\_\_

1. O tempo de atendimento, em minutos, numa caixa de uma loja de roupa de um centro comercial tem distribuição normal de média  $\mu$  e desvio padrão igual a 3. O gerente da loja afirma que o tempo médio de atendimento não ultrapassa 5 minutos. De uma amostra aleatória de 25 clientes dessa loja obteve-se uma média de 4 minutos. Teste, ao nível de 5% a afirmação do gerente da loja.

Seja  $X$  o tempo de atendimento, em minutos, numa caixa de uma loja de roupa num centro comercial;  $X \sim N(\mu, 9)$ .

Amostra:  $n = 25$ ,  $\bar{x} = 4$ .

O teste pretendido é:

$H_0: \mu \leq 5$  contra  $H_1: \mu > 5$ .

Sob  $H_0$ ,

$$Z = \frac{\bar{X} - \mu_0}{\sigma / \sqrt{n}} \sim N(0, 1)$$

A região crítica ao nível de 5% é:  $W_{5\%} = \{z: z > 1.645\}$ . O valor observado pela estatística de teste é:

$$z_{obs} = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma / \sqrt{n}} = \frac{4 - 5}{3/5} = -1.667$$

Como  $z_{obs} \notin W_{5\%}$  não se rejeita a hipótese  $H_0$  ao nível de 5%: não há evidência contra  $H_0$ : a afirmação do gerente deve estar correcta.

2. De uma população normal de média  $\mu$  e variância conhecida foi retirada uma amostra casual de dimensão  $n$ , tendo-se obtido  $\bar{x} = 8$ . No teste  $H_0: \mu = 10$  contra  $H_1: \mu = 5$ , o valor-p obtém-se calculando:

(Nota: uma resposta errada na pergunta de escolha múltipla desconta 0.25)

- $P(\bar{X} \leq 8 | \mu = 5)$ ;
- $P(\bar{X} \leq 8 | \mu = 10)$ ;
- $P(\bar{X} \geq 8 | \mu = 5)$ ;
- $P(\bar{X} \geq 8 | \mu = 10)$ .