

Teste Intercalar — Parte A
(10 valores)
Duração máxima da Parte A: 50 minutos

MATRIZ DE RESPOSTAS

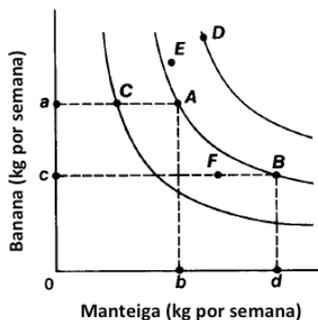
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
d	a	d	a	c	d	b	a	a	d	c	d	b	b	c	b

1. Qual é a expressão, entre as listadas abaixo, que é uma representação correta da reta orçamental num mundo onde só existem comida (C) e abrigo (A) e onde m é o rendimento, p_c é o preço de comida, p_a é o preço do abrigo?

- a) $m = p_c A + p_a C$
- b) $C = m / p_a - p_c / p_a A$
- c) $A = m / p_a - p_a / p_c C$
- d) Nenhuma resposta anterior é válida.

2. Todos os pontos na reta orçamental ou abaixo da mesma:

- a) são atingíveis.
- b) são igualmente desejáveis.
- c) representam combinações de cabazes que gastam todo o orçamento disponível.
- d) Nenhuma resposta anterior é válida.



3. Sabendo que as preferências representadas na Figura são monotónicas, podemos afirmar que o consumidor prefere:

- a) A em relação a B.
- b) C em relação a B.
- c) B em relação a D.
- d) E em relação a F.

4. As preferências do Jorge pelos bens 1 e 2 podem ser representadas pela equação $x_2 = k / (x_1 + 7)$, onde k se refere a qualquer valor relativo à utilidade que o Jorge obtém consumindo quaisquer quantidades x_1 e x_2 dos dois bens; quanto maior for k , mais satisfeito fica o Jorge. Então:

- a) o Jorge prefere o cabaz (12,16) ao cabaz (16, 12).
- b) o Jorge prefere o cabaz (8,5) ao cabaz (5,8).
- c) o Jorge adora o bem 1 mas detesta o bem 2.
- d) o Jorge prefere o bem 1 ao bem 2.

5. Uma curva rendimento-consumo reúne cabazes ótimos que resultam:

- a) da variação do preço de um dos bens.
- b) da variação das preferências.
- c) da variação do nível de rendimento.
- d) Nenhuma resposta anterior é válida.

6. Os hambúrgueres de frango e as salsichas de frango são substitutos perfeitos. Suponha que o preço das salsichas de frango aumenta, então verifica-se:

- a) um aumento do consumo de hambúrgueres de frango.
- b) uma diminuição do consumo hambúrgueres de frango.
- c) que o consumo de hambúrgueres de frango não se altera.
- d) que não há dados para responder com exatidão sobre a variação do consumo de hambúrgueres de frango.

7. Suponha a seguinte função de utilidade $u(x_1, x_2) = 2x_1^{0,5} + 4x_2$. Comparando dois cabazes ótimos que incluem uma quantidade positiva do bem 2, obtidos para dois níveis de rendimento, podemos dizer que:

- a) ambos têm o mesmo número de unidades do bem 2.
- b) ambos têm o mesmo número de unidades do bem 1.
- c) as taxas marginais de substituição (TMS) avaliadas em cada um destes cabazes são diferentes.
- d) a relação de proporcionalidade entre x_1 e x_2 é a mesma.

8. Suponha que quando os preços são $p^1 = (5,1)$, o consumidor escolhe o cabaz $q^1 = (6,3)$. Suponha agora um novo vetor de preços $p = (p_x, p_y)$ e que a escolha do consumidor das quantidades é agora dada pelo cabaz $q = (5,7)$. Para que estas escolhas sejam consistentes com o axioma fraco das preferências reveladas é necessário que:

- a) $6 p_x + 3 p_y > 5 p_x + 7 p_y$
- b) São consistentes para quaisquer preços p_x, p_y .
- c) $6 p_x + 3 p_y < 5 p_x + 7 p_y$
- d) Não podem ser consistentes.

9. As curvas de indiferença de preferências monotónicas são:

- a) decrescentes.
- b) crescentes.
- c) verticais.
- d) horizontais.

10. O cabaz ótimo de consumo é único quando as preferências são:
- não convexas e monotónicas.
 - convexas e monotónicas.
 - côncavas e monotónicas.
 - estritamente convexas e monotónicas.
11. O Jacinto adora cerveja (C) e detesta vinho (V). Qual das seguintes funções de utilidade melhor representa as suas preferências entre cerveja e vinho?
- $u(C, V) = C + V$
 - $u(C, V) = C \times V$
 - $u(C, V) = C / V$
 - $u(C, V) = (C + V)^{\frac{1}{2}}$
12. Se a utilidade de dois bens pode ser expressa pela função $u(x_1, x_2) = x_2$, então podemos concluir que:
- os bens 1 e 2 são complementares perfeitos.
 - o bem 1 é um “bad”.
 - as curvas de indiferença são positivamente inclinadas quando x_1 é medido no eixo horizontal.
 - as curvas de indiferença são linhas horizontais quando x_1 é medido no eixo horizontal.
13. Os preços são $p_1 = 5$ e $p_2 = 8$. Com o cabaz (10, 23) a Ana gasta todo o seu rendimento e tem utilidades marginais $MU_1 = 2$ e $MU_2 = 4$. A Ana aumenta a sua utilidade:
- consumindo mais bem 1 e menos bem 2.
 - consumindo mais bem 2 e menos bem 1.
 - consumindo quantidades iguais de ambos os bens.
 - consumindo apenas bem 1.

14. A Ana tem preferências estritamente convexas e presentemente maximiza a sua utilidade com o cabaz (5, 5). Então, o seu rendimento e preço do bem 1 aumentam de modo que o cabaz (5, 5) continua da reta orçamental da Ana. Como varia o cabaz ótimo da Ana?
- Não se altera.
 - Passa a ter mais bem 2 e menos bem 1.
 - Passa ter mais bem 1 e menos bem 2.
 - A informação é insuficiente para responder.
15. Em qual das seguintes preferências o efeito de substituição de um aumento de preço é necessariamente nulo?
- Preferências Cobb-Douglas.
 - Preferências quase-lineares.
 - Complementos perfeitos.
 - Nenhuma das outras alternativas é correta.
16. Ana tem uma dotação dos bens 1 e 2 dada por (4, 3). Sabendo que a procura bruta da Ana é (5, 2), a sua procura líquida é:
- (9, 5)
 - (1, -1)
 - (-1, 1)
 - (9, -5)

Teste Intercalar — Parte B
(10 valores)

1. Considere a função utilidade $u(x_1, x_2) = x_1^{0.8} x_2^{0.4}$. Os preços dos bens 1 e 2 são dados por 8€ e 12€, respetivamente. O rendimento disponível do consumidor para estes bens é de 1200€.

- (2 valores) Utilizando o método do Lagrangiano determine o cabaz ótimo deste consumidor. Apresente todos os cálculos.
- (1,5 valores) Determine a função procura do bem 1. Explique.
- (1,5 valores) Mostre que o bem 1 é um bem normal.

Tópicos de resolução:

a) Determinar x_1 , x_2 e λ de forma a $\text{Max } L(x_1, x_2, \lambda) = x_1^{0.8} x_2^{0.4} + \lambda(m - p_1 x_1 - p_2 x_2)$

As condições de primeira ordem são:

$$0.8 x_1^{-0.2} x_2^{0.4} - p_1 \lambda = 0, 0.4 x_1^{0.8} x_2^{-0.6} - p_2 \lambda = 0 \text{ e } m = p_1 x_1 + p_2 x_2$$

Logo:

$$\frac{0.8 x_1^{-0.2} x_2^{0.4}}{0.4 x_1^{0.8} x_2^{-0.6}} = \frac{p_1}{p_2}$$

Daqui vem: $x_2 = p_1 x_1 / 2 p_2$. Substituindo em $m = p_1 x_1 + p_2 x_2$ e manipulando, temos as funções procura:

$$x_1 = 2m / 3p_1 \text{ e } x_2 = m / 3p_2$$

Uma vez que os preços dos bens 1 e 2 são 8€ e 12€, respetivamente, e o rendimento é 1200€, o cabaz ótimo é:

$$x_1 = 100 \text{ e } x_2 = 100 / 3 = 33,33$$

- A função procura do bem 1 é $x_1 = 2m / 3p_1$ (cálculos na alínea anterior)
- Considerando a função procura do bem 1, $x_1 = 2m / 3p_1$, temos:

$$\frac{\partial x_1}{\partial m} = \frac{2}{3p_1} > 0,$$

ou seja, um aumento do rendimento conduz a um aumento da quantidade procurada do bem 1.

2. Framboesas (f) e nata (n) são bens complementares (ou complementos) perfeitos para a Sara. Atualmente a Sara compra todos os meses 1 quilo de framboesas e 1 quilo de natas.

- (2 valores) Escreva uma função de utilidade que represente as preferências da Sara e determine o conjunto de cabazes que ela estaria na disposição de comprar para cada nível de rendimento. Explique o seu raciocínio.
- (1,5 valores) Suponha que o preço das framboesas diminuiu e o preço da nata aumentou e que a Sara continua a poder adquirir 1 quilo de framboesas e 1 quilo de nata gastando todo o seu rendimento inicial. Será que o cabaz inicial ótimo da Sara será alterado? Explique usando um gráfico adequado.
- (1,5 valores) Escreva uma nova função de utilidade para a Sara que seja uma transformação monotónica da sua função de utilidade inicial [*Sugestão*: se não conseguiu escrever a função de utilidade da Sara admita, para resolver esta alínea, que os bens são substitutos perfeitos representados pela função: $U(f, n) = f + n$]. Explique.

Tópicos de resolução:

- $U(f, n) = \min\{f, n\}$. O cabaz que a Sara está disposta a comprar obedece a duas condições: $f = n$ e $p_f f + p_n n = m$. Combinando as duas condições, temos: $f^* = n^* = m / (p_f + p_n)$.
- Se o cabaz (1, 1) é o ótimo inicial e se os preços se alteram de forma que (1, 1) continua a usar todo o rendimento, este cabaz é o ótimo final.
- Por exemplo, $U'(f, n) = [\min\{f, n\}]^2$.