

Aula 5:

‘As diferenças de produtividade entre departamentos são estatisticamente significativas?’

Formulação e Teste de Hipóteses

Docente: Daniela Craveiro
dcraveiro@iseg.ulisboa.pt

- **Objetivos da Aula**

- **Parte Teórica**

- **Perceber a diferença entre Estatística Descritiva e Estatística Inferencial**
- **Perceber o que é uma amostra probabilística e que tipos de técnicas de amostragem existem**
- **Perceber quais as características de uma Distribuição Normal**
- **Perceber o papel da Teoria do Limite Central enquanto fundamento da Estatística Inferencial**
- **Perceber o que é o Intervalo de Confiança, para que serve, e como é calculado**

- **Parte Prática**

- **Produzir o Intervalo de Confiança de um Média e de uma Proporção**

- **Estatística Descritiva**

- **Dá-nos as ferramentas para descrever dados de uma (ou mais variáveis) numa amostra**
 - Medidas de tendência central (médias, modas, etc.)
 - Distribuição de frequências (proporções, percentagens, etc.)
 - Medidas de dispersão (variância, desvio padrão, etc.)
- **Dá-nos as ferramentas para descrever a relação entre variáveis dados de uma (ou mais variáveis) numa amostra**
 - Medidas de Associação e Correlação

- **Estatística Inferencial**

- **Dá-nos as ferramentas para avaliarmos se a forma como os dados estão distribuídos, ou se a relação entre variáveis na amostra, podem ser inferidos para a população**
 - Intervalos de Confiança
 - Testes de Hipóteses

- **A possibilidade de inferir de uma amostra para uma população depende de duas condições fundamentais:**
 - I. **Que amostra seja probabilística**
 - II. **Que haja uma forma de demonstrar que a distribuição da amostra segue uma distribuição normal**

Lembrar algumas definições

População

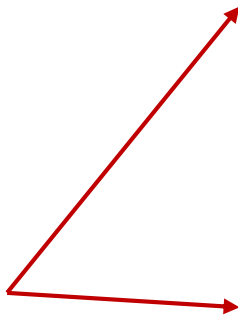
Conjunto de indivíduos, ou outras entidades, que pretendemos estudar.

Base de Amostragem

Lista de todas as unidades da população de interesse a partir da qual a amostra será extraída (ex. lista de números de telefone).

Amostra

Segmento da população de interesse que vai fazer parte do estudo.



Amostra Probabilística. Amostra em que cada elemento da população tem igual probabilidade de ser seleccionado, e é seleccionado independentemente dos outros.

Amostra Não-Probabilística. Amostra que não é escolhida segundo métodos probabilísticos.

TÉCNICAS DE AMOSTRAGEM

NÃO-PROBABILÍSTICAS

Conveniência

Por Quotas

Bola de Neve

PROBABILÍSTICAS

Aleatória Simples

Sistemática

Estratificada

Por clusters

Técnicas de Amostragem

NÃO-PROBABILITICAS	
Por Conveniência	Os membros da amostra são selecionados em função dos interesses do investigador e da facilidade de acesso aos entrevistados.
Por Quotas	Os membros da amostra são selecionados (a partir da base amostral) de modo a que a amostra possa reflectir a composição da população de interesse por referência a um conjunto de categorias (género, idade, etc.).
Bola de Neve	Selecciona-se um conjunto de inquiridos de forma aleatória, a quem é depois pedido que indique alguém na população de interesse que possa responder. (O processo de selecção de entrevistados pára quando a adição de novos entrevistas não adiciona mais dados de relevo.)

Técnicas de Amostragem

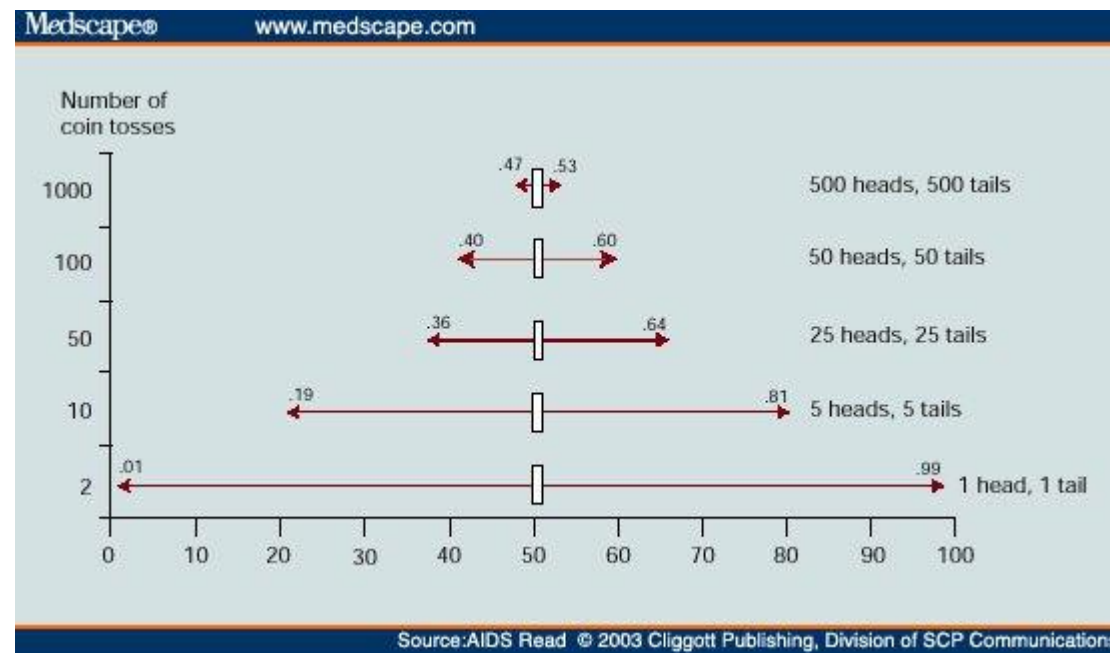
PROBABILITICAS	
Aleatória Simples	Os membros da amostra são selecionados de forma aleatória (ex. sorteio, Tabela de Números Aleatórios, data de nascimento, etc.) da base amostral.
Sistemática	<p>Os membros da base amostral são ordenados de acordo com uma tabela de números aleatórios. É selecionado, de forma aleatória, um membro da base amostral. Os restantes membros da amostra são escolhidos em função do seu número de identificação usando o seguinte critério (fracção da amostragem):</p> $N^{\circ} + i$ <p>Em que $i = N/n$</p> <p>i, fracção de amostragem N, total da população n, tamanho da amostra</p>

Técnicas de Amostragem

PROBABILITICAS	
Estratificada	<p>Primeiro divide-se a base amostral num conjunto de sub-grupos (estratos), mutuamente exclusivos (um membro da população só pode pertencer a um estrato) e exaustivos (nenhum membro da população é omitido).</p> <p>Exemplos de categorias de estratificação: características demográficas, tipo de empresa, tipo de sector económico, etc.</p> <p>Os membros de cada estrato são depois seleccionados de forma aleatória.</p>
Por Clusters	<p>A base de amostragem é dividida em clusters (Unidades Primárias de Amostragem), formados em função dos interesses do investigador.</p> <p>O investigador pode optar por incluir todos os clusters (Amostragem por Clusters em Um Passo), ou apenas uma fracção, que é seleccionada de forma aleatória (Amostragem por Clusters em Dois Passos).</p> <p>Dentro de cada cluster, selecciona-se de forma aleatória os membros (Unidades Secundárias de Amostragem) a incluir na amostra.</p>

Por que é que o tamanho da amostra é importante?

- Quanto maior for o tamanho da amostra, menor é a amplitude do intervalo de confiança – o que significa, maior precisão das nossas estimativas
- Quanto maior for o tamanho da amostra, maior será a ‘potência estatística’ do estudo, que mede a probabilidade de encontrar um efeito estatístico que existe na realidade (evitando Erros de Tipo II)



Fonte: <http://gosu.talentrunk.co/confidence-interval-and-sample-size/>

Como se calcula o tamanho da amostra que precisamos, se SABEMOS o tamanho da população?

$$\text{Tamanho da Amostra} : \frac{\frac{z^2 \times p(1-p)}{e^2}}{1 + \left(\frac{z^2 \times p(1-p)}{e^2 N} \right)}$$

Em que:

N: População (Total)

p: Proporção da amostra (se desconhecida, assume-se 0.5)

z : z-score (se Intervalo de Confiança a 95% = 1.96; se a 99% = 2.57)

e : Margem de erro (se Intervalo de Confiança a 95% = 0.05; se a 99% = 0.01)

Fonte: <https://www.surveymonkey.com/mp/sample-size-calculator/>

- Como se calcula o tamanho da amostra que precisamos, se NÃO SABEMOS o tamanho da população?

Tamanho da Amostra =

$$\frac{z^2 \times p(1-p)}{e^2}$$

Em que:

P: Desvio Padrão (um desvio-padrão de 50%, i.e. 0.5, é considerado um valor aceitável)

Z : z-score (se Intervalo de Confiança a 95% = 1.96; se a 99% = 2.57)

e : Margem de erro (se Intervalo de Confiança a 95% = 0.05; se a 99% = 0.01)

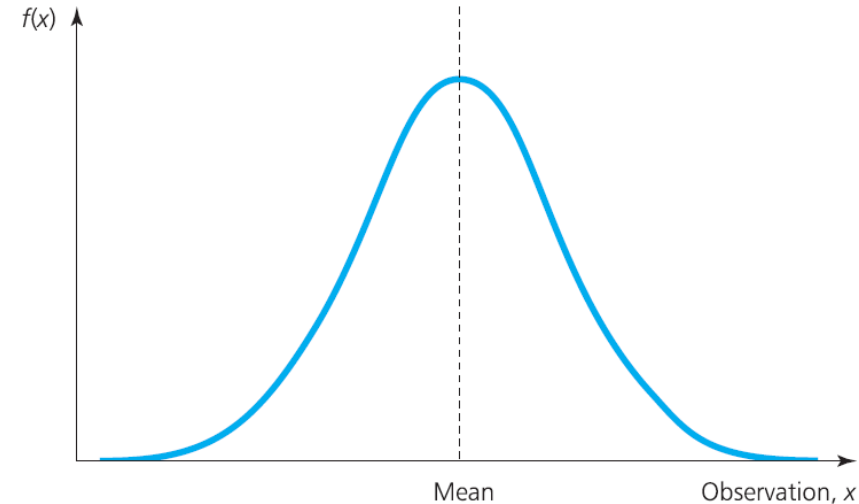
Fonte: <https://www.qualtrics.com/blog/calculating-sample-size/>

- **A possibilidade de inferir de uma amostra para uma população depende de duas condições fundamentais:**
 - I. **Que amostra seja probabilística**
 - II. **Que haja uma forma de demonstrar que a distribuição da amostra segue uma distribuição normal**

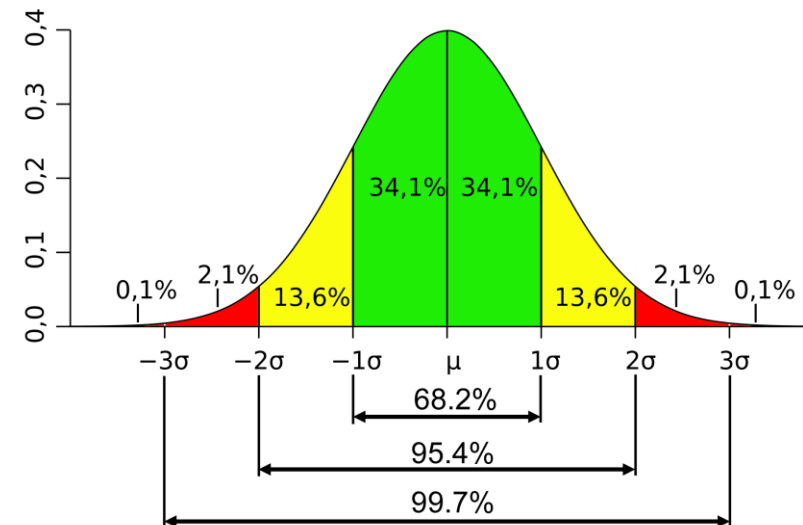
O QUE É UMA DISTRIBUIÇÃO NORMAL?

• O que é uma Distribuição Normal (ou Curva de Gauss)?

- Média = Mediana = Moda
- Simétrica
- Distribuição segue a regra dos 3 Sigmas
 - 34,1% das observações da variável estão dentro de um desvio-padrão da média
 - 68,2% das observações da variável estão dentro de (+ / -) um desvio-padrão da média
 - 95,4% das observações da variável estão dentro de (+ / -) 2 desvio-padrão da média
 - 99,7% das observações da variável estão dentro de (+ / -) 3 desvio-padrão da média



Fonte: Waters, 2011: 354



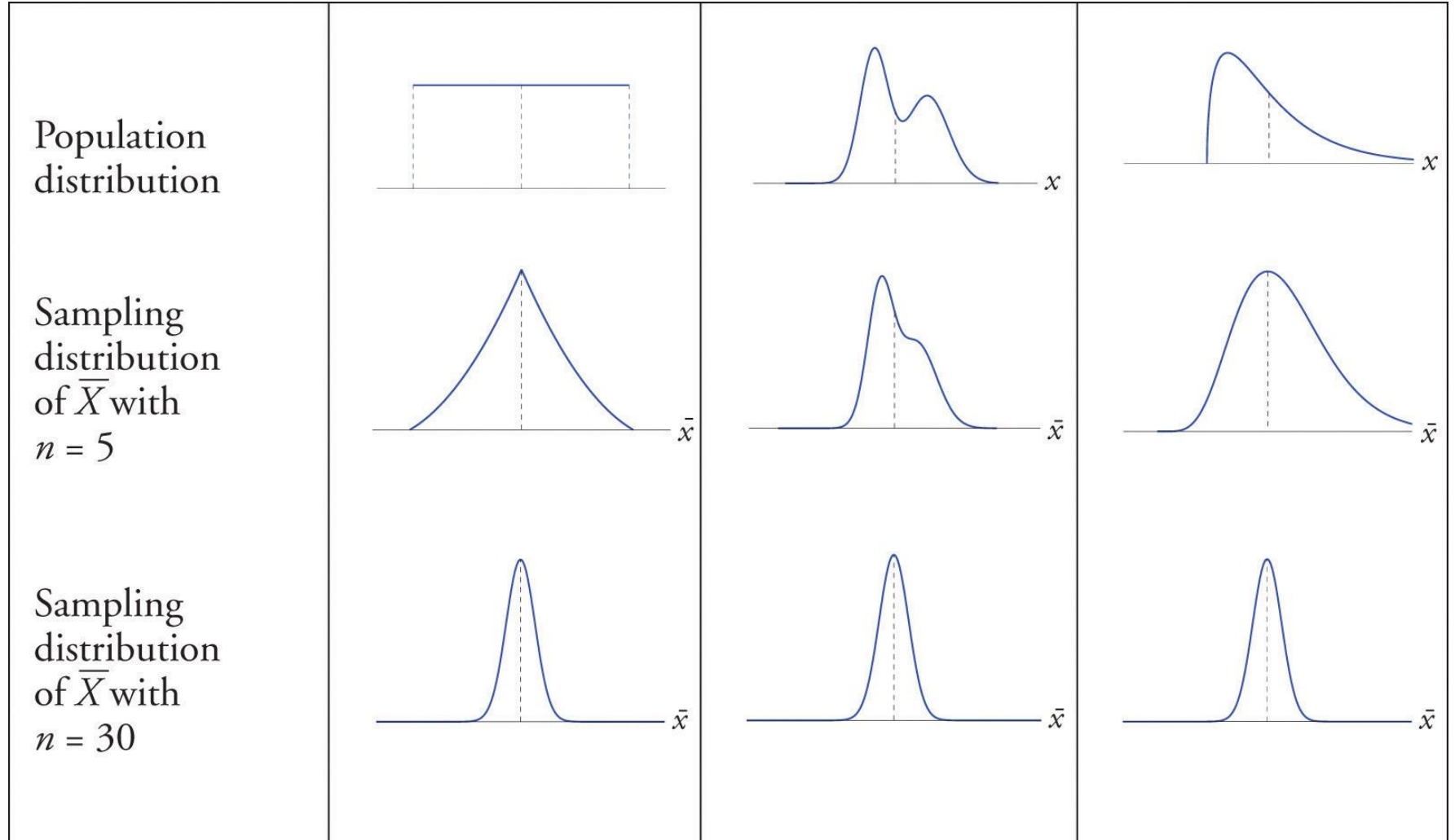
Fonte: http://en.wikipedia.org/wiki/File:Standard_deviation_diagram.svg

**TODAS AS DISTRIBUIÇÕES
SÃO NORMAIS?**

NÃO.

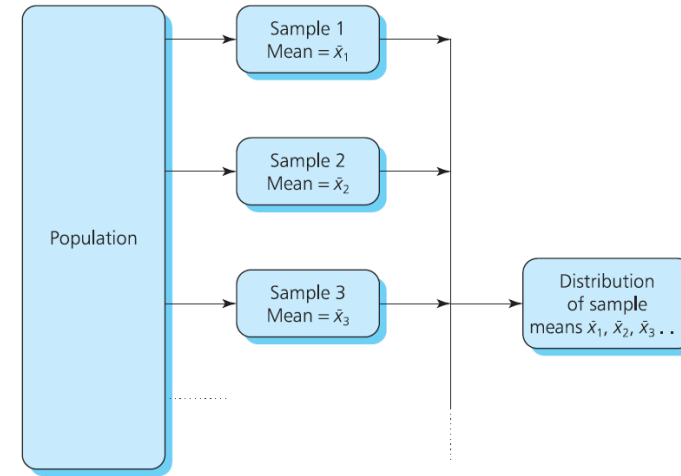
Mas a distribuições das **médias das amostras** tendem para a normal quando maiores que 30.

E assim, porque sabemos coisas (matematicamente) sobre esta distribuição, conseguimos calcular intervalos de confiança e gerar hipóteses estatísticas testáveis

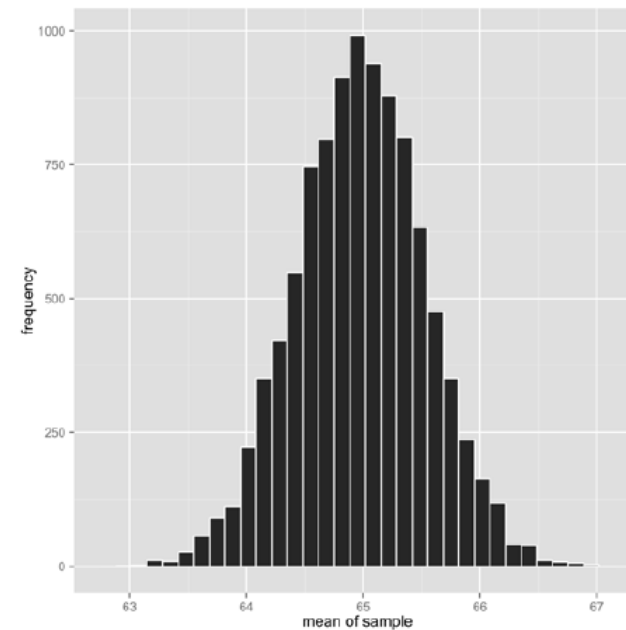


• Distribuição Amostral Da Média

- Uma dada população pode dar origem a um número de amostras
- Cada amostra terá uma dada média (a chamada média amostral)
- À forma como se distribuem as médias destas amostras chamamos 'Distribuição Amostral Da Média'



O Teorema do Limite Central parte de um conjunto de propriedades da Distribuição Amostral da Média para fazer a inferência estatística de uma amostra para uma população



- **O que diz o Teorema do Limite Central**

- Quando uma amostra é ≥ 30

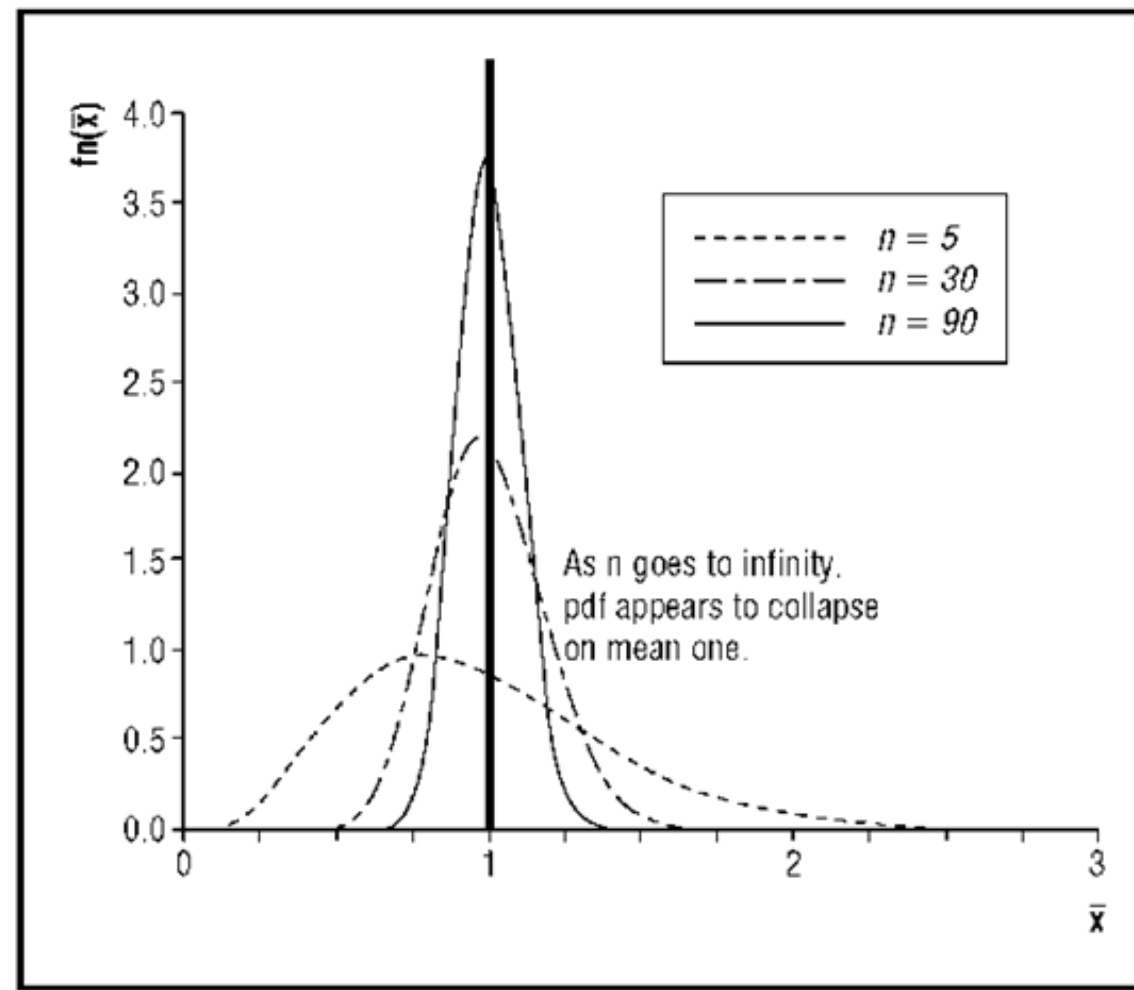
- a Distribuição Amostral da Média tende para a uma distribuição normal
- O Desvio-Padrão da Distribuição Amostral da Média é o produto do seguinte rácio:

$$\frac{\sigma}{\sqrt{N}}$$

- σ : Desvio-Padrão da **População**
- \sqrt{N} : Raiz quadrada do número de observações da amostra

• O que diz o Teorema do Limite Central

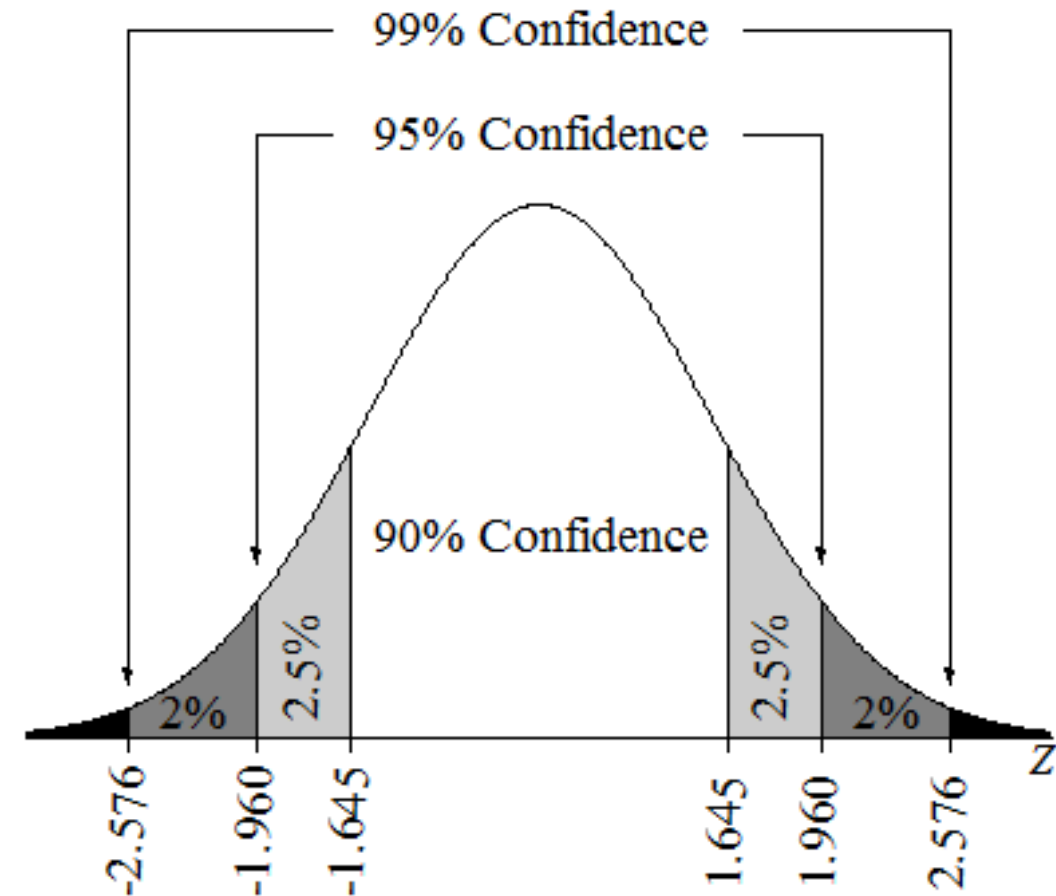
- Quando uma amostra é ≥ 30 , a média das médias amostrais tende para média populacional
- A média da nossa amostra pode ser considerada uma aproximação da **média da população**
- Quanto mais aumenta o **tamanho da amostra**, menor é o **desvio-padrão da distribuição amostral** da média, i.e. menor é a probabilidade de erro na amostra
- Podemos com alguns elementos calcular um **intervalo de confiança** das nossas inferências – i.e: o intervalo de Valores dentro do qual se estima que a média se situe na população, com determinando **grau de confiança**



Fonte: <http://what-when-how.com/social-sciences/law-of-large-numbers-social-science/>

• Grau de Confiança

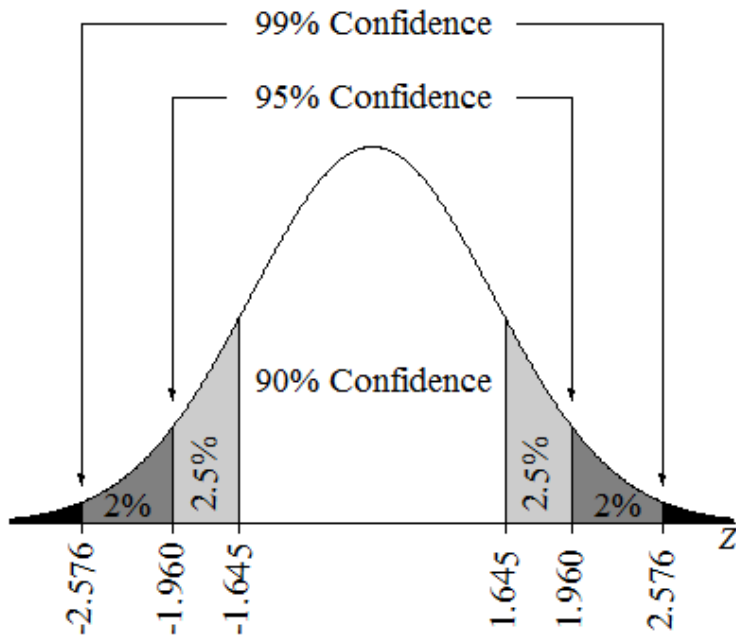
- Probabilidade de o intervalo de confiança capturar o parâmetro (neste caso a média) da população
- Por norma, adota-se um Grau de Confiança de 95%
 - Se quisermos, podemos adotar um Grau de Confiança maior (99%)...
 - ou menor (90%)
- Interpretação:
 - Ex: Intervalo de Confiança com um Grau de Confiança a 95%
 - Se fizéssemos 100 inquéritos, em 95% dos casos o intervalo de confiança iria conter a média da população



Fonte: <https://courses.lumenlearning.com/wmopen-concepts-statistics/chapter/estimate-the-difference-between-population-proportions-2-of-3/>

- **Grau de Confiança?**

De notar que, associado a um determinado Grau de Confiança, temos sempre um determinado valor crítico (z), baseado no Erro-Padrão



Confidence level	Z value
90%	1.65
95%	1.96
99%	2.58
99,9%	3.291

Fonte: <http://www.biochemia-medica.com/en/journal/18/2/10.11613/BM.2008.015>

Estes valores são usados para calcular a amplitude do Intervalo de Confiança

- Como se calcula o Intervalo de Confiança?

MARGEM DE ERRO

$$CI_x^{99} = \bar{x} \pm \{z^{99} \times SE\}$$

CI_x^{99} Intervalo, com um Grau de Confiança a 99%

\bar{x} Média da variável x

z^{99} Valor crítico para um Grau de Confiança a 99%

SE Erro-Padrão

- Como se calcula o Intervalo de Confiança?

Isto é equivalente a

$$CI_x^{99} = \bar{x} \pm \left\{ z^{99} \times \frac{SD}{\sqrt{n}} \right\}$$

MARGEM DE ERRO

SD
Desvio-Padrão para
um Grau de
Confiança a 99%

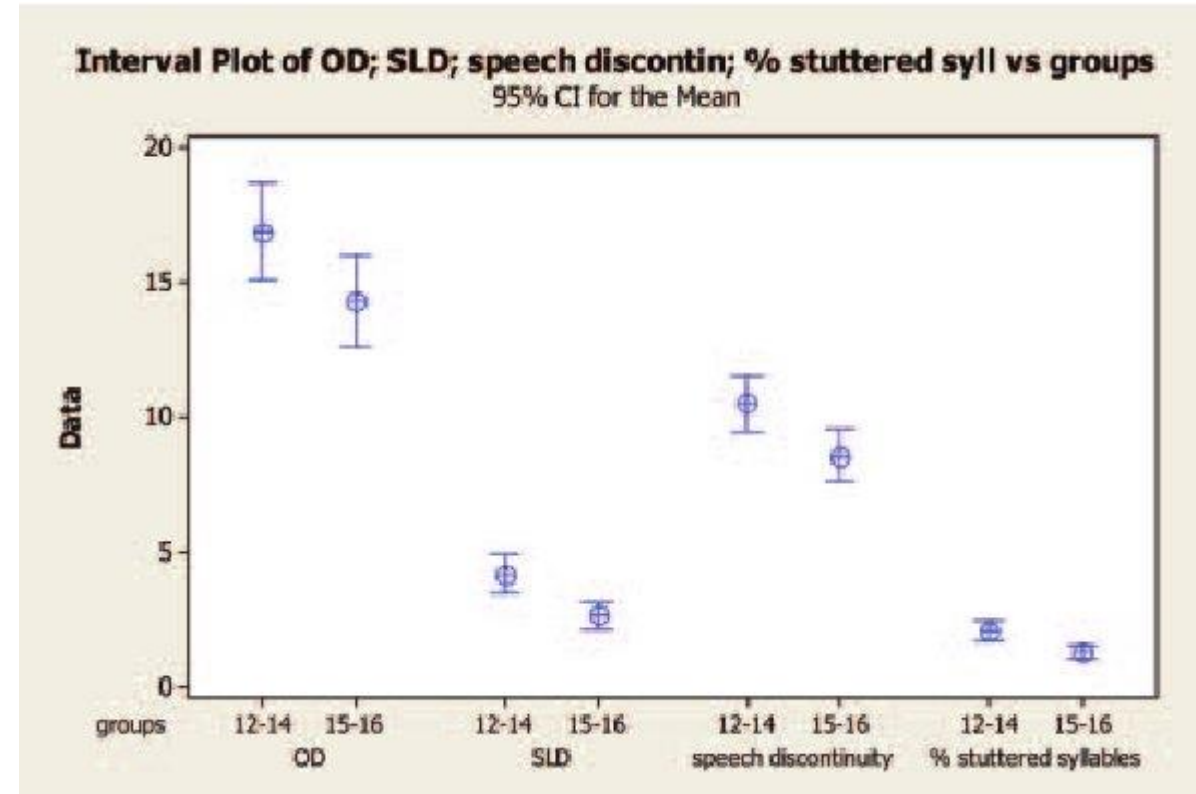
CI_x^{99} Intervalo, com um Grau de
Confiança a 99%

\bar{x} Média da amostra

z^{99} Valor crítico para um Grau
de Confiança a 99%

\sqrt{n}
Raiz-quadrada do
número de
observações da
amostra

- O que nos diz o Intervalo de Confiança?
 - Grau de precisão da média
 - Quanto maior a amplitude do Intervalo de Confiança, menor o grau de precisão



Fonte:

https://www.researchgate.net/publication/5988752_Fluency_variation_in_adolescents/figures?lo=1

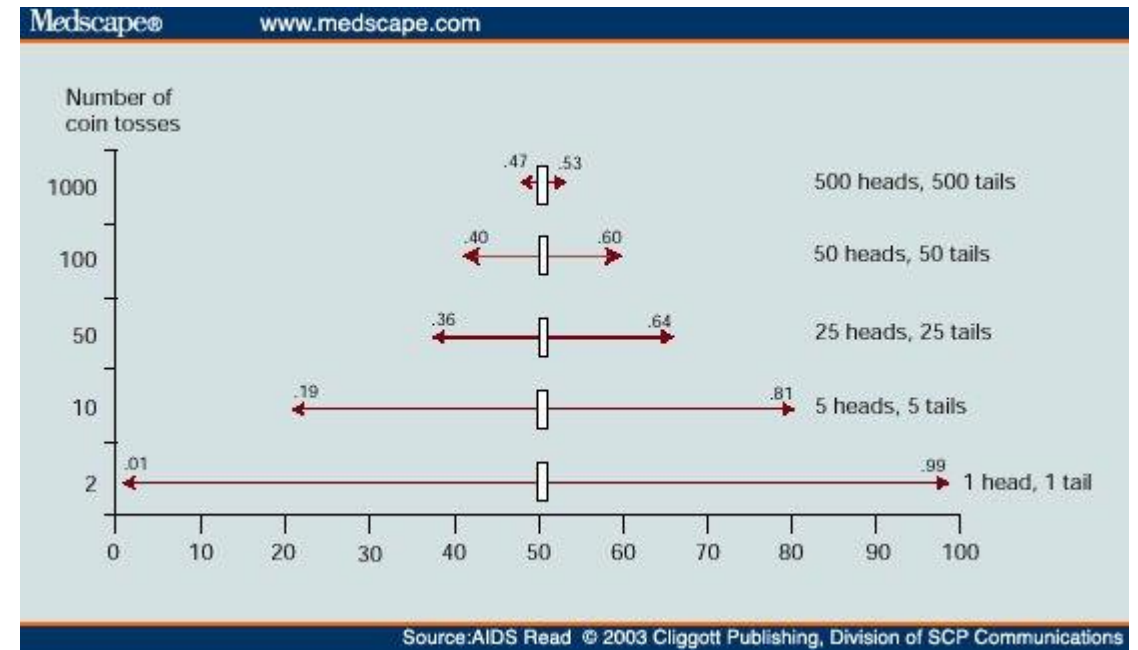
- **O que nos diz o Intervalo de Confiança?**

- **Grau de precisão da média**

- Quanto maior a amplitude do Intervalo de Confiança, menor o grau de precisão

- **O que afeta a amplitude?**

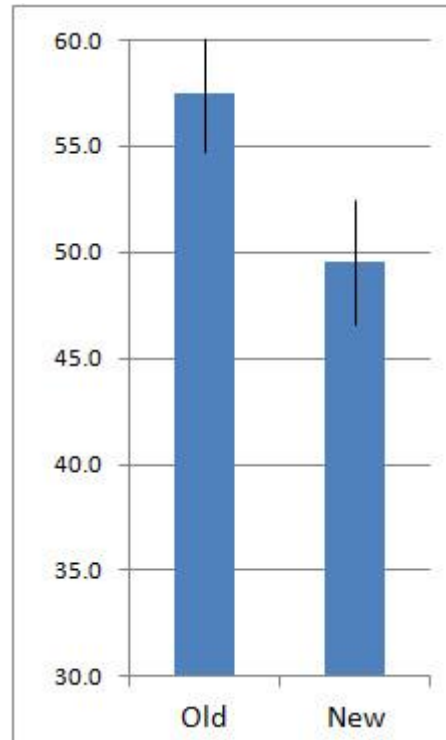
- Quanto maior a amostra, menor é a amplitude
- Quanto maior é o Erro-Padrão, maior é a amplitude



Fonte: <http://gosu.talentrunk.co/confidence-interval-and-sample-size/>

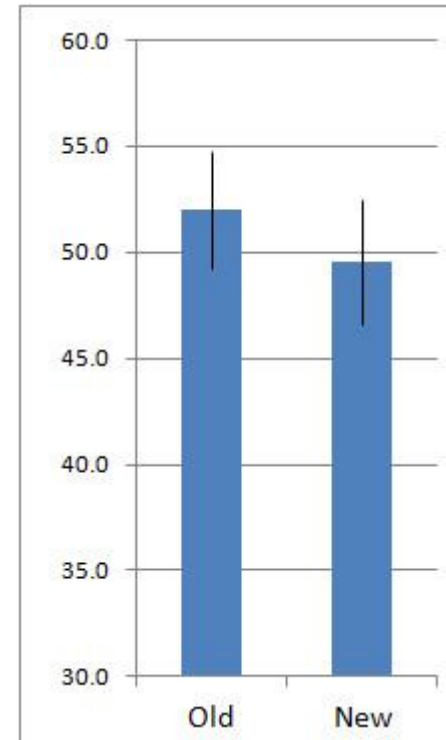
- O que nos diz o Intervalo de Confiança?
 - Significância estatística

Os intervalos de confiança não se sobrepõem



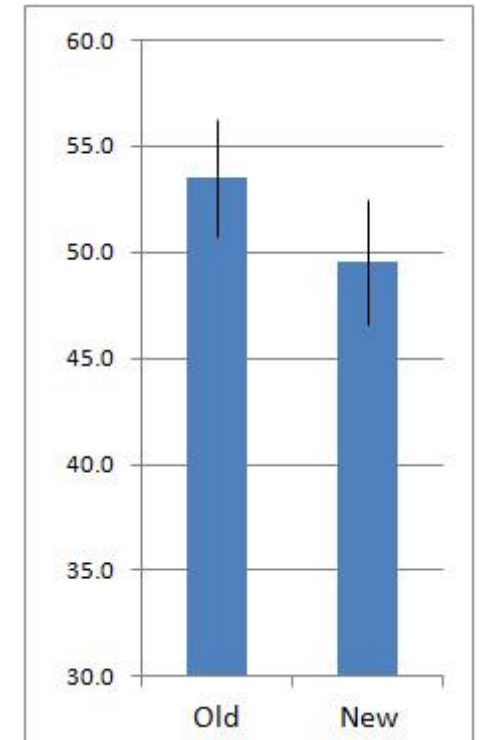
A diferença é estatisticamente significativa

Há uma grande sobreposição entre os intervalos de confiança



A diferença não é estatisticamente significativa

Há alguma sobreposição entre os intervalos de confiança



Mais vale aplicar um teste estatístico

Temos analisado o caso da média
Mas podemos calcular o Intervalo de
Confiança para uma série de
estatísticas (proporções, medianas,
coeficientes de beta, etc.)

- Ex: Intervalo de Confiança de uma proporção

MARGEM DE ERRO

$$CI_p^{99} = \hat{p} \pm \left(z^{99} \times \sqrt{\frac{\hat{p} * (1 - \hat{p})}{n}} \right)$$

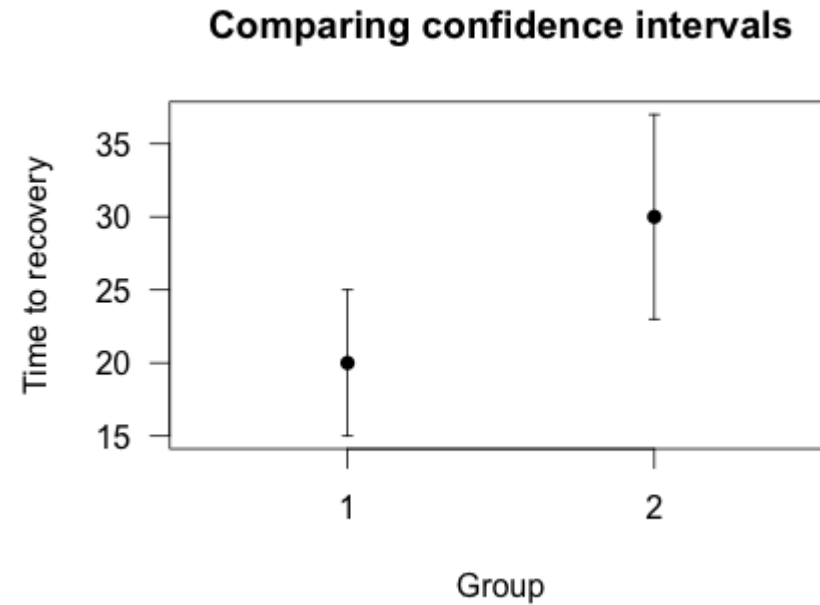
CI_x^{99}
Intervalo, com um Grau de Confiança a 99%

\hat{p}
Proporção da categoria, na amostra

z^{99}
Valor crítico para um Grau de Confiança a 99%

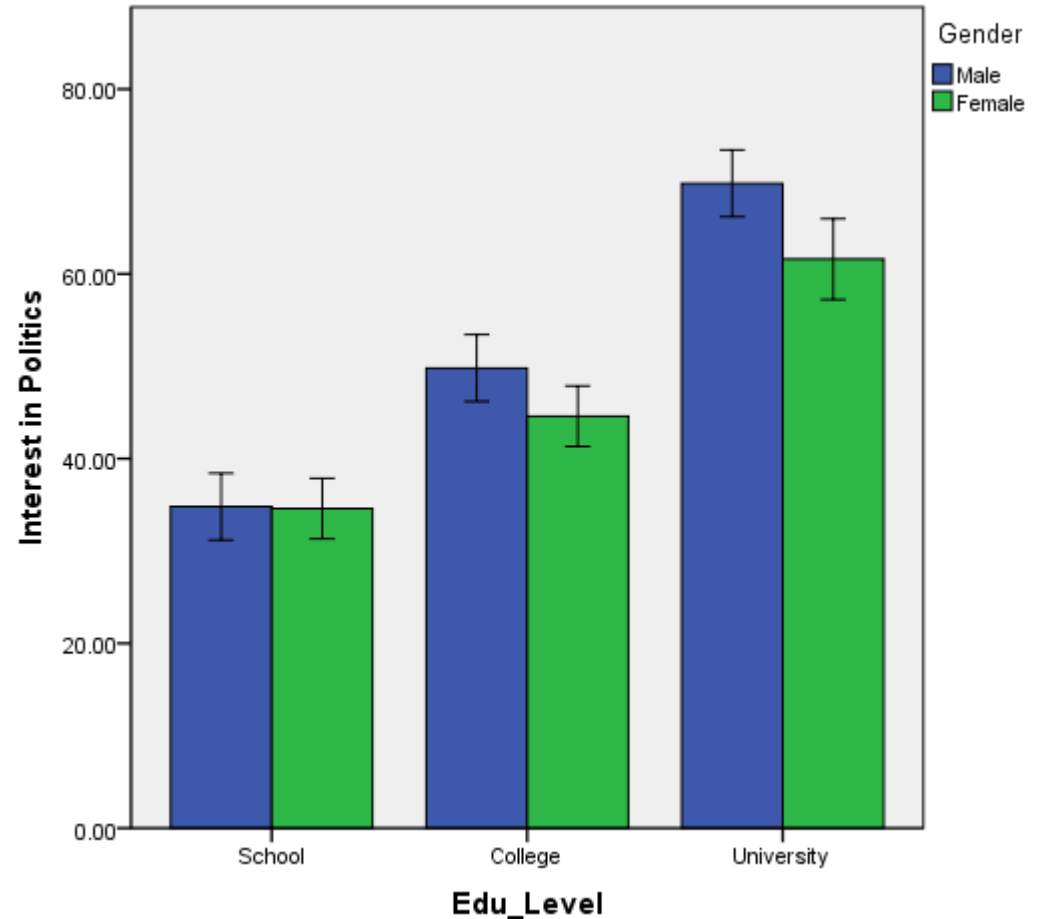
n
Número de observações da amostra

- Como devemos representar graficamente um Intervalo de Confiança?
 - Se se tratar de uma média
 - Gráfico 'Alto-Baixo'



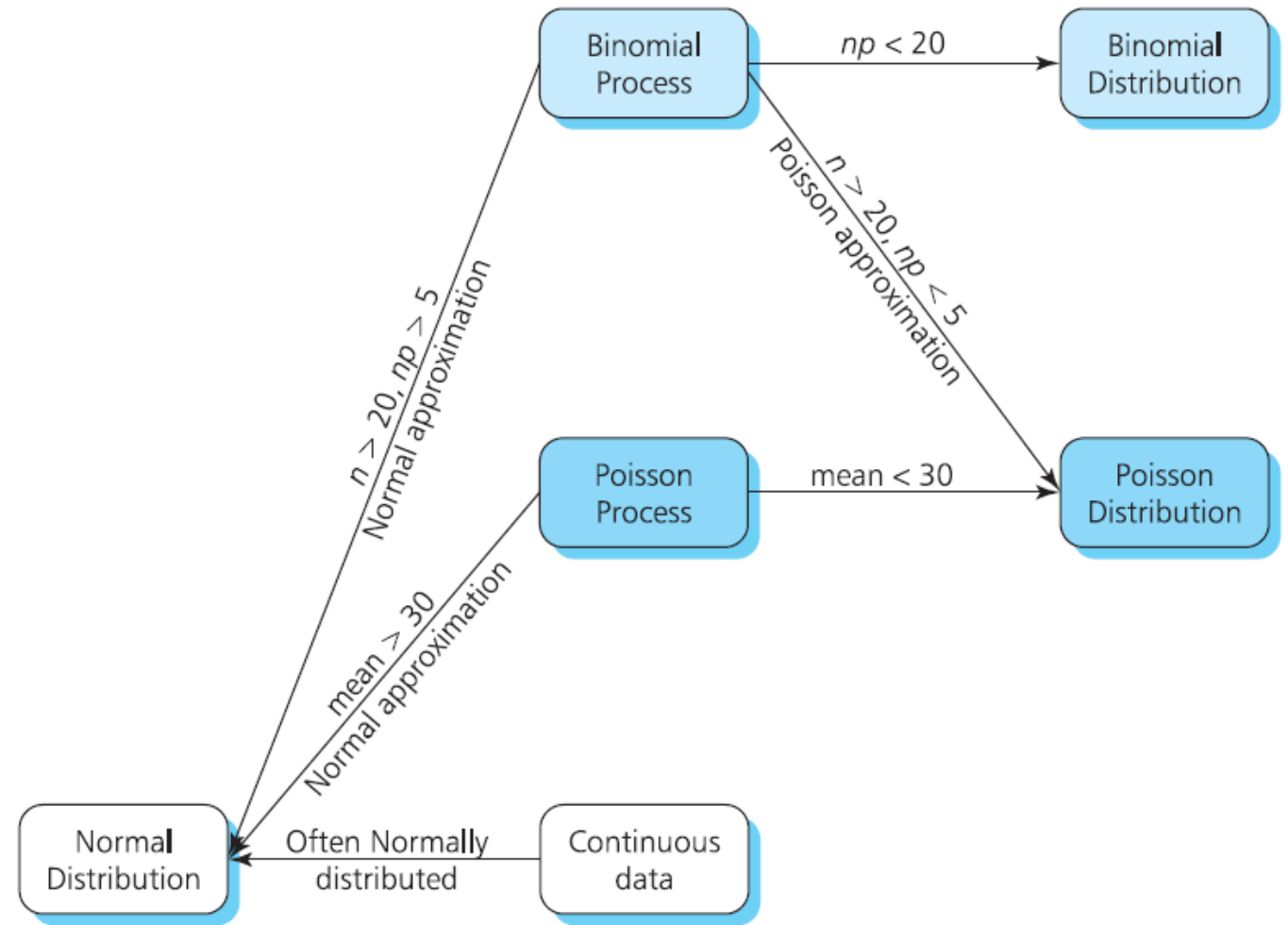
Fonte: <https://www.statisticsonewrong.com/significant-differences.html>

- Como devemos representar graficamente um Intervalo de Confiança?
 - Se se tratar de uma média
 - Gráfico 'Alto-Baixo'
 - Se se tratar de uma proporção
 - Gráfico de Barras com Intervalo de Confiança



Fonte: <https://statistics.laerd.com/spss-tutorials/clustered-bar-chart-using-spss-statistics-2.php>

- E se a população não segue uma distribuição normal?
- Em alguns casos, podemos fazer aproximações... isto é tratar certas distribuições como se tratassem de distribuições normais.
- Mas isso não é uma preocupação por agora!



Calcular o Intervalo de Confiança

De uma Média

De uma Proporção

Calcular o Intervalo de Confiança

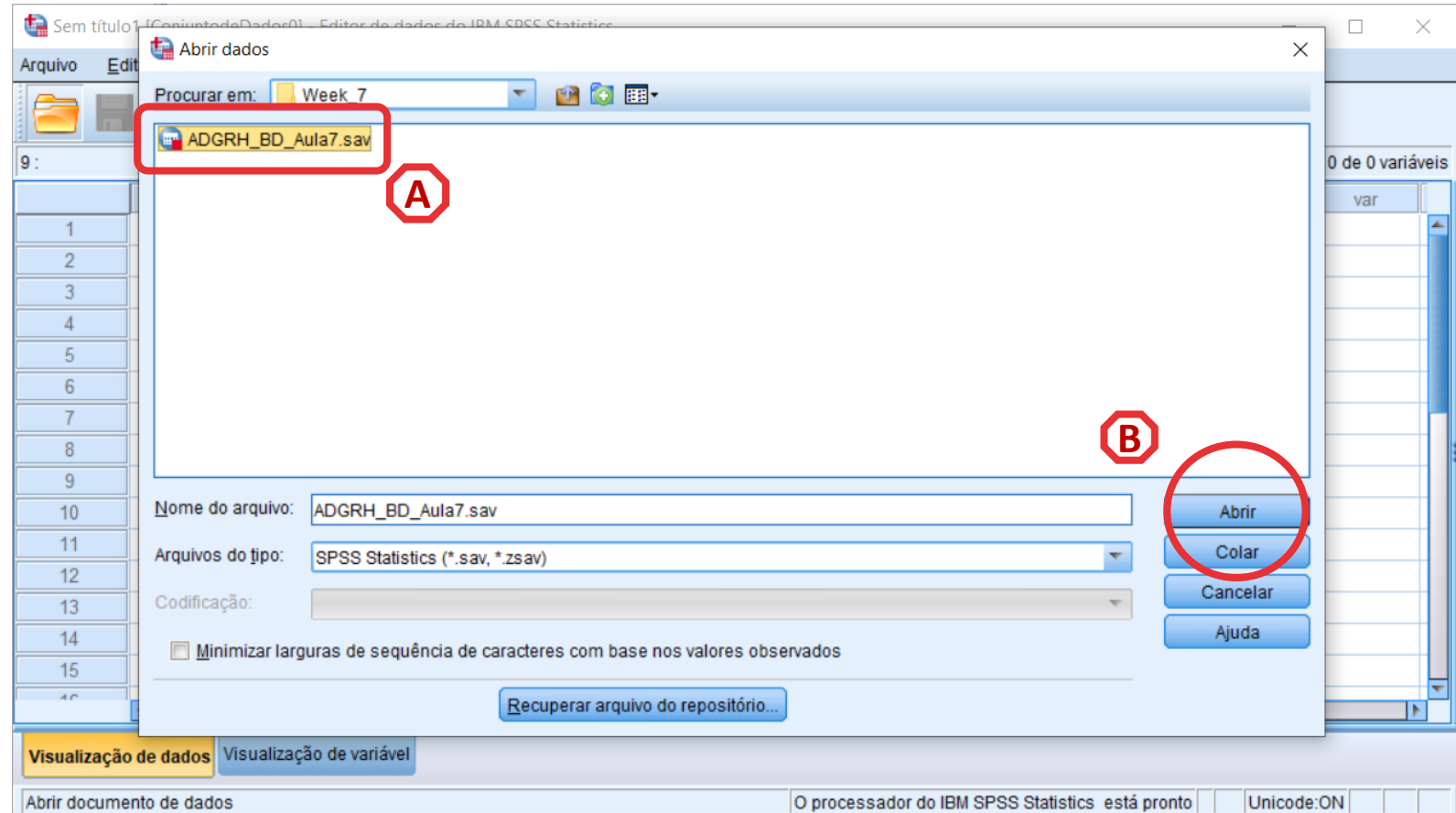
De uma Média

Intervalo de Confiança: Média

- Objectivo:
 - Qual é o intervalo de confiança da variável que mede os salários na empresa (y_wage2)?

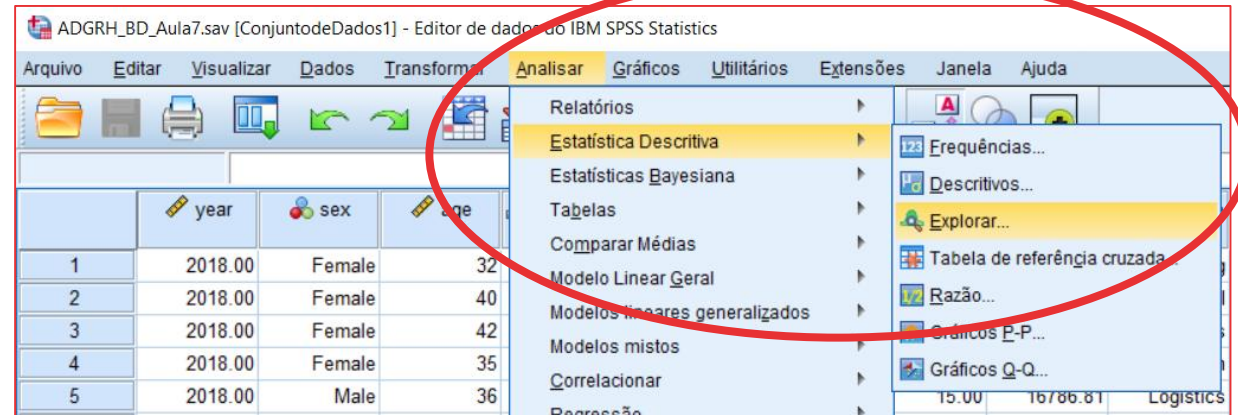
Intervalo de Confiança: Média

- Selecionar ficheiro 'ADGRH_BD_Aula5.sav' ⓐ
- Selecionar 'Abrir' ⓑ

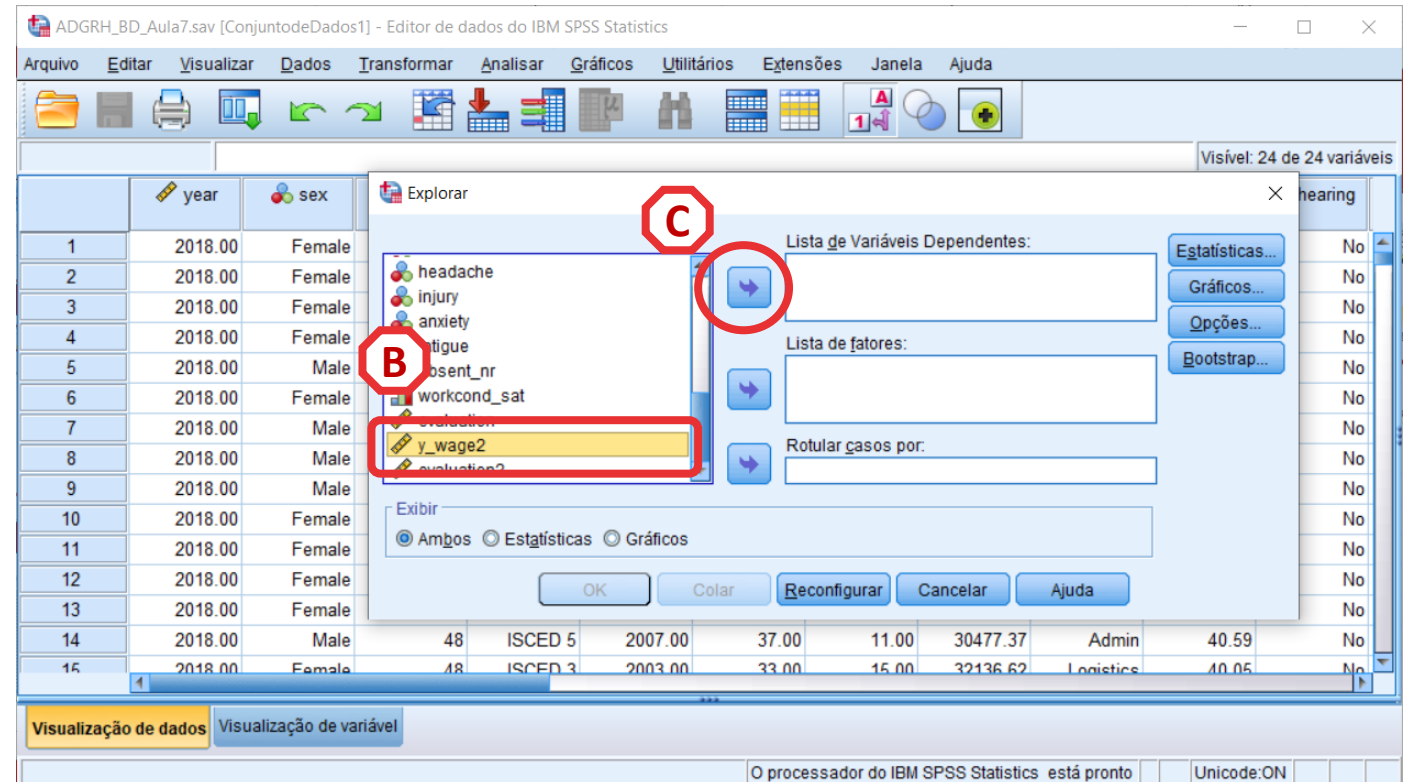


Intervalo de Confiança: Média

- Selecionar 'Analisar' / 'Estatísticas Descritivas' / 'Explorar'
- Selecionar a variável 'y_wage2'
- Colocar na caixa 'Lista de Variáveis Dependentes'



A



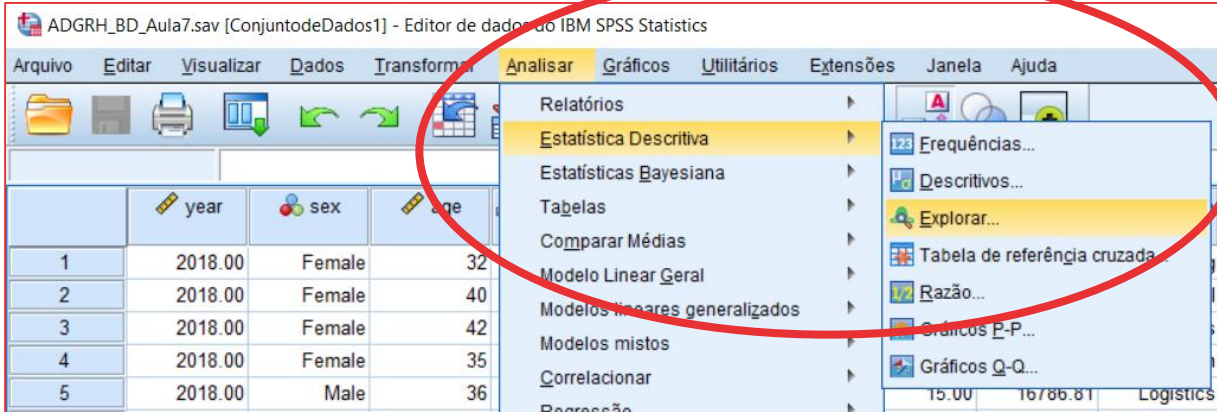
B

C

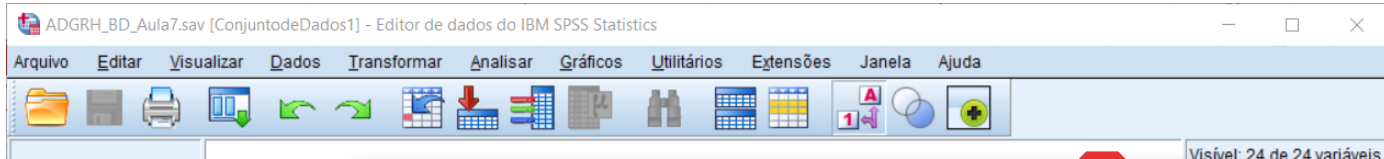
Intervalo de Confiança: Média

- Selecionar 'Analisar' / 'Estatísticas Descritivas' / 'Explorar'
- Selecionar a variável 'y_wage2'
- Colocar na caixa 'Lista de Variáveis Dependentes'
- Selecionar 'Estatísticas'

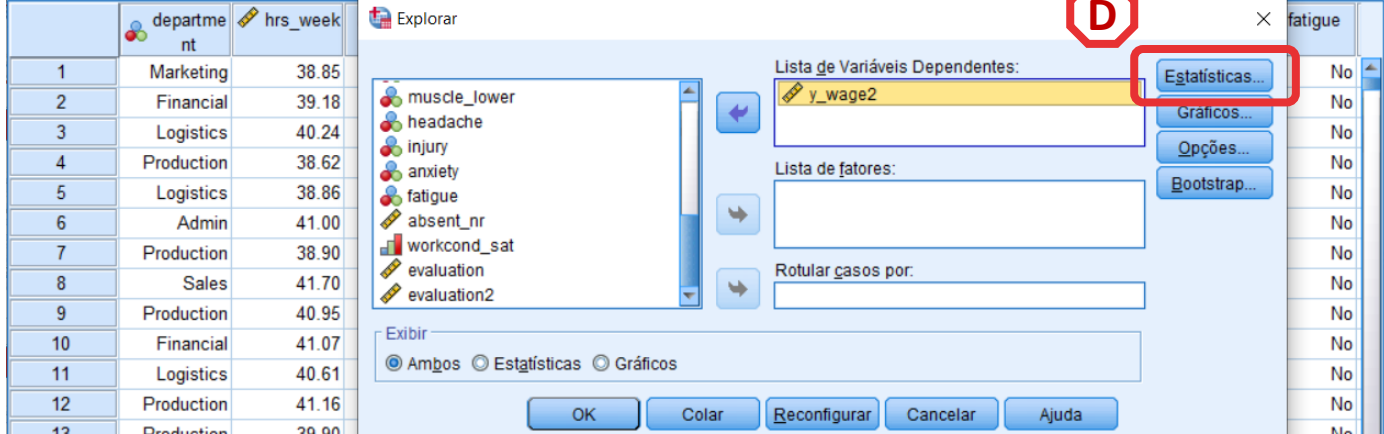
A



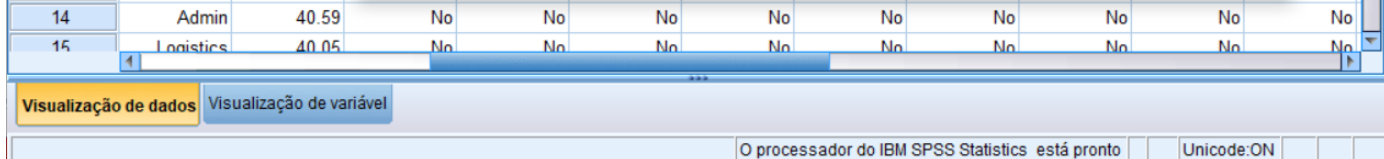
B



C



D



	year	sex	age
1	2018.00	Female	32
2	2018.00	Female	40
3	2018.00	Female	42
4	2018.00	Female	35
5	2018.00	Male	36

	departme nt	hrs_week
1	Marketing	38.85
2	Financial	39.18
3	Logistics	40.24
4	Production	38.62
5	Logistics	38.86
6	Admin	41.00
7	Production	38.90
8	Sales	41.70
9	Production	40.95
10	Financial	41.07
11	Logistics	40.61
12	Production	41.16
13	Production	39.90
14	Admin	40.59
15	Logistics	40.05

Intervalo de Confiança: Média

- Selecionar 'Analisar' / 'Estatísticas Descritivas' / 'Explorar'
- Selecionar a variável 'y_wage2'
- Colocar na caixa 'Lista de Variáveis Dependentes'
- Selecionar 'Estatísticas'
- Selecionar 'Descritivos'
- Definir um Grau de Confiança de '95%'
- Selecionar 'Continuar'/OK

A

B

C

D

E

F

G

ADGRH_BD_Aula7.sav [ConjuntodeDados1] - Editor de dados do IBM SPSS Statistics

Arquivo Editar Visualizar Dados Transformar Analisar Gráficos Utilitários Extensões Janela Ajuda

Visível: 24 de 24 variáveis

Explorar

Lista de Variáveis Dependentes:

Explorar: estatísticas

Descritivas

Intervalo de confiança para a média: 95 %

Estimadores M

Valores discrepantes

Continuar Cancelar Ajuda

OK Colar Reconfigurar Cancelar Ajuda

	year	sex	muscle_	headach	injury	anxiety	fatigue	absent_r	workcond	evaluati	evaluati	ISCED 5	ISCED 3	2007.00	2003.00	37.00	11.00	30477.37	Admin	40.59	No
1	2018.00	Female																			
2	2018.00	Female																			
3	2018.00	Female																			
4	2018.00	Female																			
5	2018.00	Male																			
6	2018.00	Female																			
7	2018.00	Male																			
8	2018.00	Male																			
9	2018.00	Male																			
10	2018.00	Female																			
11	2018.00	Female																			
12	2018.00	Female																			
13	2018.00	Female																			
14	2018.00	Male	48									48	ISCED 3	2003.00		33.00	15.00	32136.62	Logistics	40.05	No
15	2018.00	Female	48									48	ISCED 3	2003.00		33.00	15.00	32136.62	Logistics	40.05	No

Visualização de dados Visualização de variável

O processador do IBM SPSS Statistics está pronto Unicode:ON

Intervalo de Confiança: Média

O resultado é publicado no
'Visualizador de Resultados'

PODEMOS DIZER, COM 95% DE CONFIANÇA,
QUE O VALOR DO **SALÁRIO MÉDIO ANUAL**
NA POPULAÇÃO ESTÁ ENTRE €25.177 E
€25.634.

The screenshot shows the IBM SPSS Statistics 'Visualizador de Resultados' window. The left sidebar shows a tree view with 'Saída' expanded to 'Explorar', then 'y_wage2', and finally 'Descritivos'. The main area displays the 'Resumo de processamento do caso' and 'Descritivos' tables. The '95% Intervalo de Confiança para Média' is highlighted with a red box.

Resumo de processamento do caso

	Válido		Casos Omissos		Total	
	N	Porcentagem	N	Porcentagem	N	Porcentagem
y_wage2	4858	97.2%	142	2.8%	5000	100.0%

Descritivos

		Estatística	Erro
y_wage2	Média	25405.6559	116.68120
	95% Intervalo de Confiança para Média	Limite inferior: 25176.9080 Limite superior: 25634.4038	
	5% da média aparada	25378.2111	
	Mediana	25204.2776	
	Variância	66139248.68	
	Erro Desvio	8132.60405	
	Mínimo	.00	
	Máximo	55056.25	
	Intervalo	55056.25	
	Amplitude interquartil	10883.41	
	Assimetria	.063	.035
	Curtose	.056	.070

y_wage2

y_wage2 Gráfico de Ramos e Folhas

Frequência Raiz & Folha

Calcular o Intervalo de Confiança

De uma Proporção

- **Podemos calcular o Intervalo de Confiança de uma proporção/percentagem?**
- **Sim, mas o SPSS é particularmente limitado**
 - **Regra geral: não é possível calcular (diretamente) o Intervalo de Confiança de uma proporção/percentagem**
 - **Exceções**
 - **Quando fazemos testes de significância estatística**
 - **Para variáveis binomiais (com valores 0 e 1)**
 - **Pressuposto: a média dessa variável representa o proporção de observações com valor 1**

Alternativas?

- Fazer o cálculo à mão
- Representar o Intervalo de confiança graficamente
- Procurar calculadoras online:

<https://select-statistics.co.uk/calculators/confidence-interval-calculator-population-proportion/>

Gráfico de Barras com Erros

- Selecionar 'Gráficos' / 'Construtor de Gráfico'



- Selecionar 'Não mostrar este diálogo novamente'



- Selecionar 'OK'

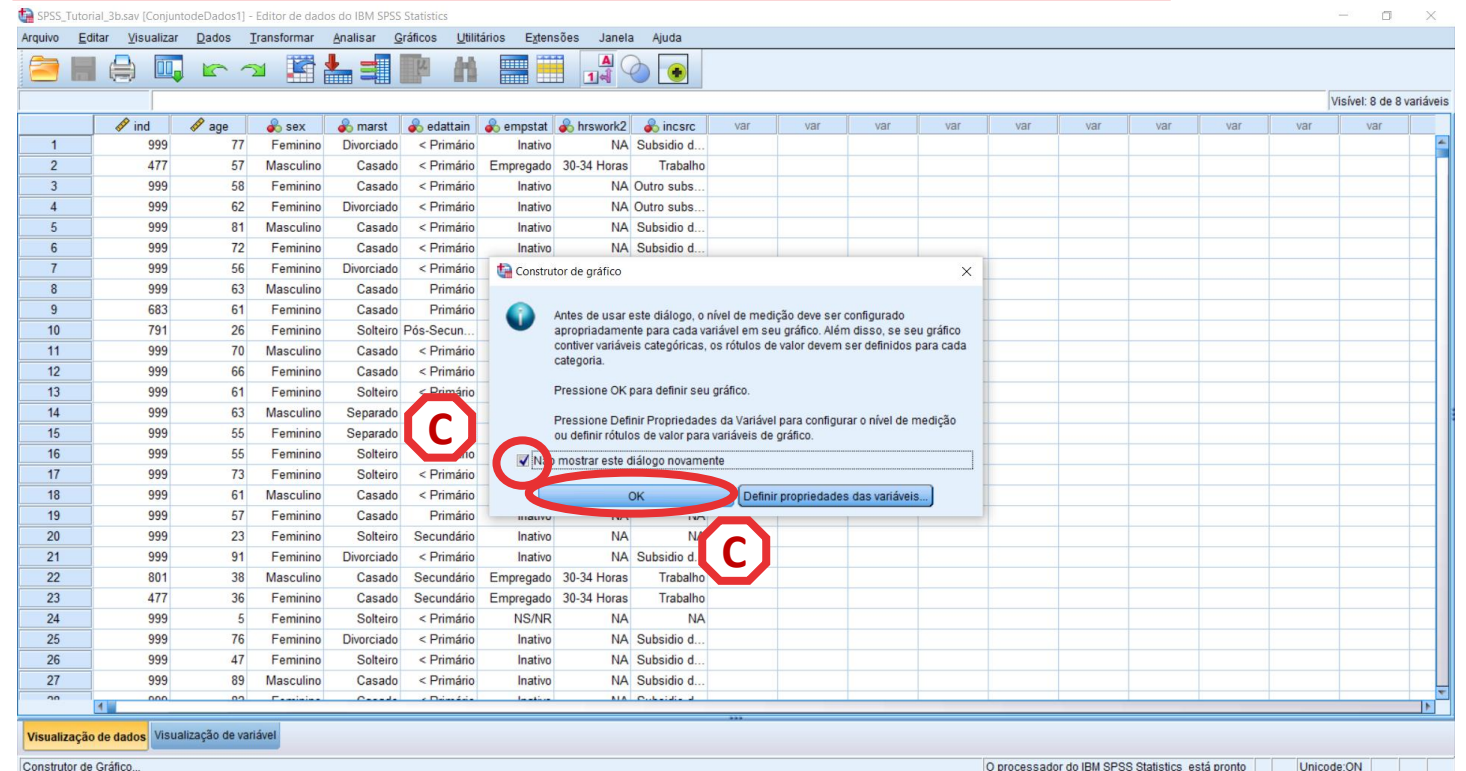
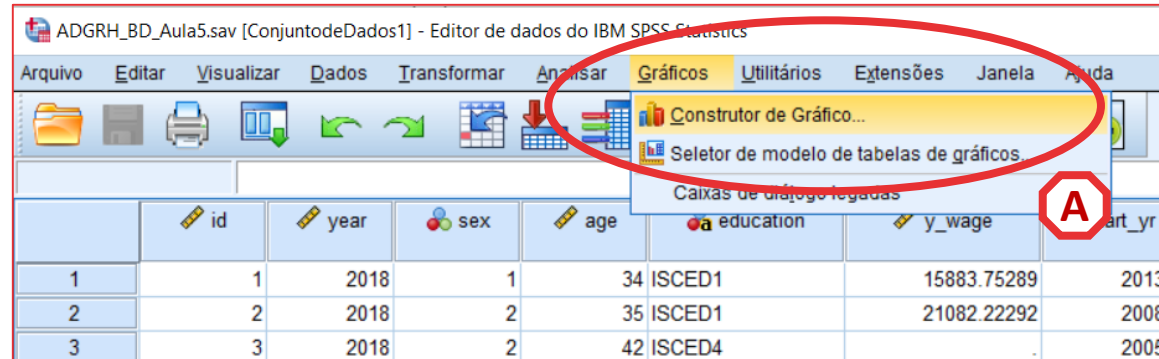


Gráfico de Barras com Erros

- Selecione 'Barras' D
- Selecionar (com duplo-clique) o Gráfico de Barras (simples) E

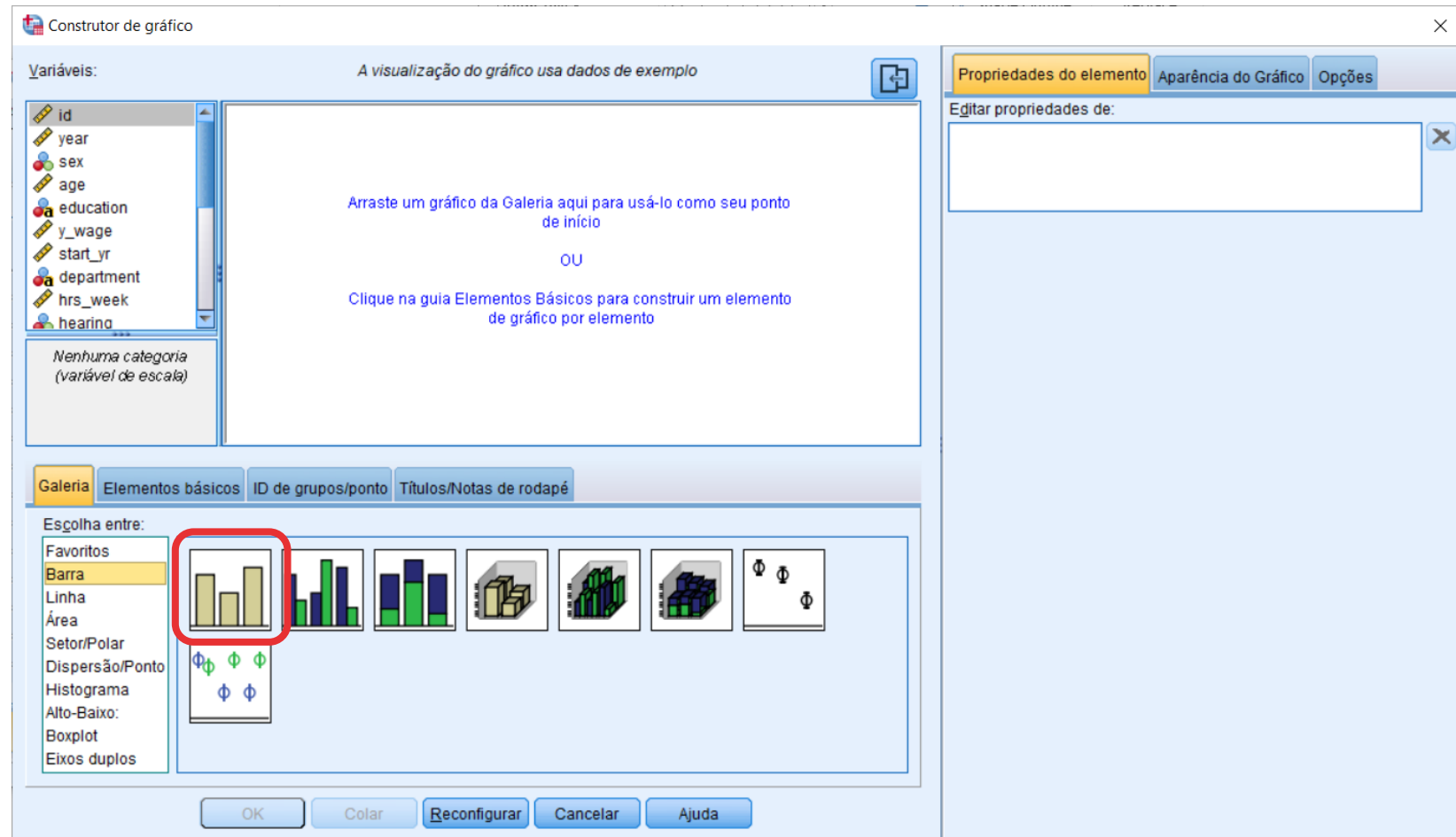


Gráfico de Barras com Erros

- Selecione 'Barras'
- Selecionar (com duplo-clique) o Gráfico de Barras (simples)
- Selecionar a variável 'department'
- Colocar a variável 'department' no 'Eixo X'

D

E

F

G

Construtor de gráfico

A visualização do gráfico usa dados de exemplo

Variáveis:

- id
- year
- sex
- age
- education
- y_wage
- start_yr
- department
- hrs_week
- hearing

Barra Simples Contagem

Eixo Y?

Eixo X?

Filtro?

Galeria Elementos básicos ID de grupos/pontos/Notas de rodapé

Escolha entre:

- Favoritos
- Barra
- Linha
- Área
- Setor/Polar
- Dispersão/Ponto
- Histograma
- Alto-Baixo:
- Boxplot
- Eixos duplos

Propriedades do elemento Aparência do Gráfico Opções

Editar propriedades de:

Barra1

X-Eixo1 (Barra1)

Y-Eixo1 (Barra1)

Título 1

Estadísticas

Variável:

Estadística:

Contagem

Configurar parâmetros...

Exibir barra de erros

Representação de Barras de Erros

- Intervalos de confiança
- Nível (%): 95
- Erro padrão
- Multiplicador: 2
- Desvio padrão
- Multiplicador: 2

Estilo de barra:

Barra

OK Colar Reconfigurar Cancelar Ajuda

Gráfico de Barras com Erros

- Selecione 'Barras'
- Selecionar (com duplo-clique) o Gráfico de Barras (simples)
- Selecionar a variável 'department'
- Colocar a variável 'department' no 'Eixo X'
- Selecionar 'Exibir Barra de Erros'
- Selecionar 'OK'



Construtor de gráfico

A visualização do gráfico usa dados de exemplo

Variáveis:

- year
- sex
- age
- education
- start_yr
- start_age
- experience
- y_wage
- department
- hrs_week

Production

Logistics

Sales

Admin

Financial

Marketing

IT

HR

Audit

Porcentagem

Filtro?

Barra Simples Porcentagem de department

department

Galeria

Elementos básicos

ID de grupos/ponto

Títulos/Notas de rodapé

Escolha entre:

Favoritos

Barra

Linha

Área

Setor/Polar

Dispersão/Ponto

Histograma

Alto-Baixo:

Boxplot

Eixos duplos

Propriedades do elemento

Aparência do Gráfico

Opções

Editar propriedades de:

Barra1

X-Eixo1 (Barra1)

Y-Eixo1 (Barra1)

Título 1

Estadísticas

Variável:

Estatística:

Porcentagem ()

Configurar parâmetros

Exibir barra de erros

Representação de Barras de Erros

Intervalos de confiança

Nível (%): 95

Erro padrão

Multiplicador: 2

Desvio padrão

Multiplicador: 2

Estilo de barra:

Barra

OK

Colar

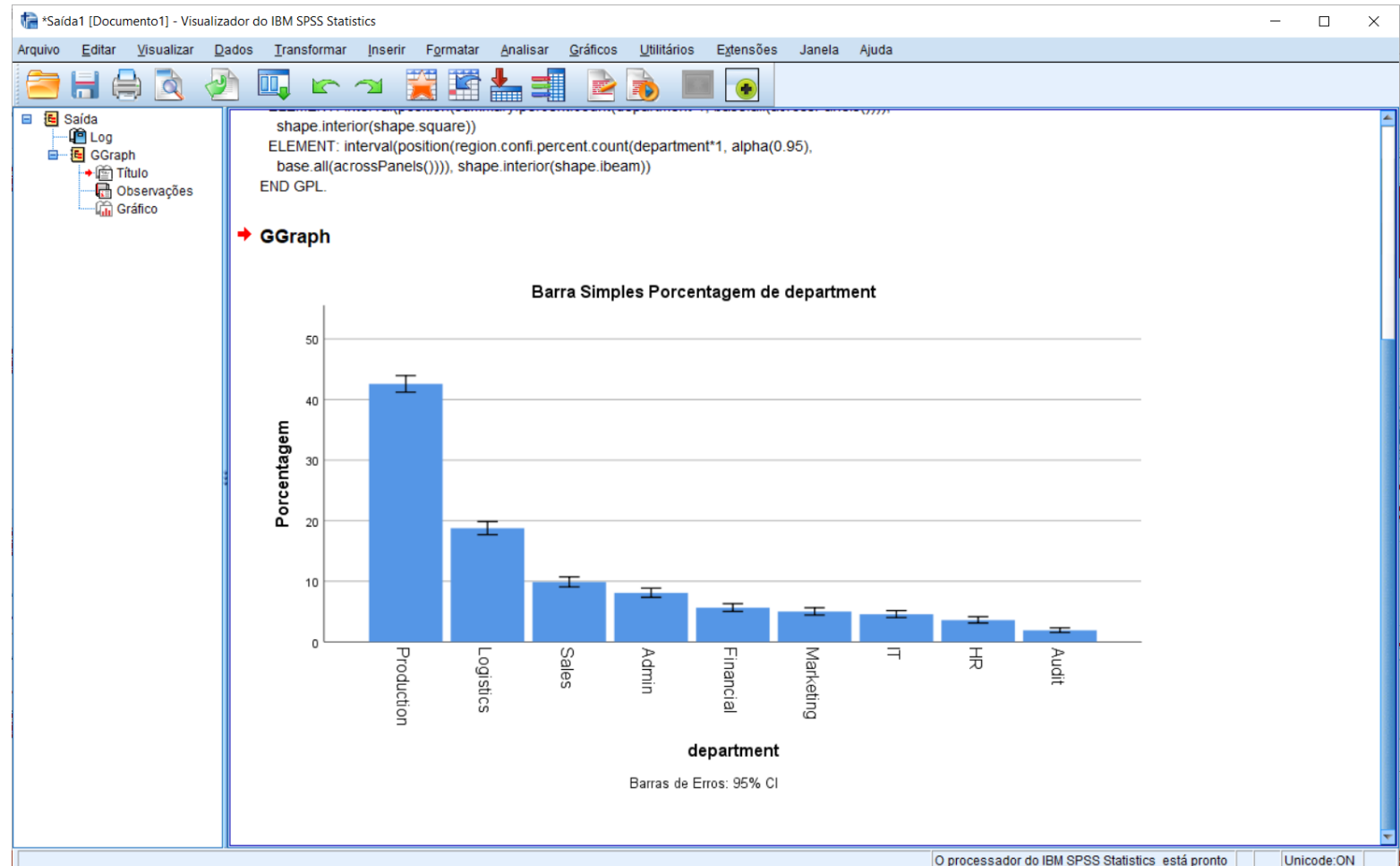
Reconfigurar

Cancelar

Ajuda

Gráfico de Barras com Erros

- O gráfico é publicado no 'Visualizador de Resultados'



Na calculadora
Temos de incluir alguma
informação e as calculadoras
aplicam a fórmula que
conhecemos

PODEMOS DIZER, COM 95% DE CONFIANÇA,
QUE A PERCENTAGEM DE COLABORADORES
NO DEPARTAMENTO DE PRODUÇÃO, NESTA
EMPRESA DE 10000 PESSOAS ESTÁ ENTRE
41,6% E 43,6%

<https://select-statistics.co.uk/calculators/confidence-interval-calculator-population-proportion/>

Calculator

What is your sample proportion?	<input type="text" value="42.6"/> %	
What confidence level do you need? <small>Typical choices are 90%, 95%, or 99%</small>	<input type="text" value="95"/> %	
How big is your sample?	<input type="text" value="5000"/>	
How big is the population?	<input type="text" value="10000"/>	
Your confidence interval is		<input type="text" value="(41.63 , 43.57)"/>

Alternative Scenarios

With a sample proportion of	<input type="text" value="1"/> %	<input type="text" value="10"/> %	<input type="text" value="50"/> %
Your confidence interval would be	(0.8 , 1.2)	(9.41 , 10.59)	(49.02 , 50.98)
With a confidence level of	<input type="text" value="90"/> %	<input type="text" value="95"/> %	<input type="text" value="99"/> %
Your confidence interval would be	(41.79 , 43.41)	(41.63 , 43.57)	(41.33 , 43.87)
With a sample size of	<input type="text" value="100"/>	<input type="text" value="500"/>	<input type="text" value="10000"/>
Your confidence interval would be	(32.96 , 52.24)	(38.38 , 46.82)	(42.6 , 42.6)
With a population size of	<input type="text" value="1500"/>	<input type="text" value="5000"/>	<input type="text" value="10000"/>
Your confidence interval would be	(NaN , NaN)	(42.6 , 42.6)	(41.63 , 43.57)

Exercícios em autonomia

- Analisa visualmente a associação entre a educação (education) e número de dias em baixa médica (absent_nr)
- Calcula a medida de associação adequada entre género (sex) e sintomas de fadiga no local de trabalho (fadigue)
- Interpreta a associação entre rendimento (y_wage2) e o número de dias em baixa médica (absent_nr)
- Assumimos que esta amostra é probabilística. Quais são os intervalos confiança da média para a totalidade da amostra do número de dias em baixa médica (absent_nr) para o nível de 90% e 95%
- Representa os intervalos de confiança a 95% para as categorias de nível de satisfação com as condições de trabalho (workcond_sat)
- Qual a percentagem de pessoas com sintomas de ansiedade nesta empresa (N= 10.000)?

		NOMINAL		ORDINAL	INTERVALAR /RÁCIO
		2 CATEGORIAS	+2 CATEGORIAS		
NOMINAL	2 CAT.	Coeficiente de Phi (ϕ)	V de Cramer	→	
	2+ CAT.	V de Cramer	V de Cramer	→	
ORDINAL				↓	Coeficiente de Spearman →
INTERVALAR/RÁCIO				↓	Coeficiente de Pearson